

MECÂNICA 2025

FÍSICA

ANTONIO MARCOS

DINÂMICA

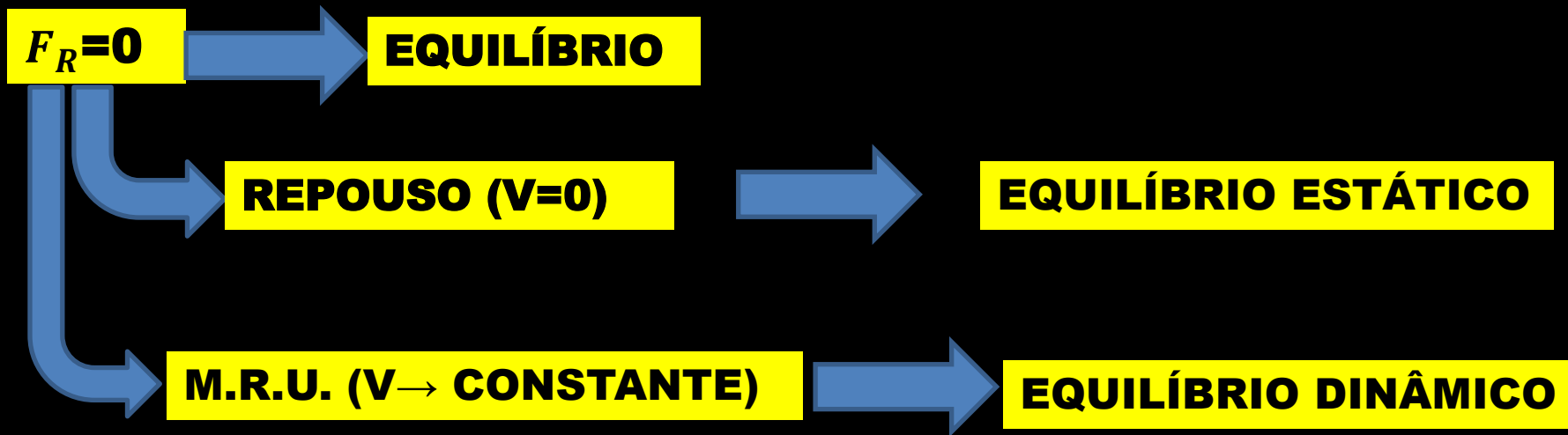
Força é o agente físico que produz efeito dinâmico

Força resultante : É a soma vetorial de todas as forças atuantes sobre um corpo.

LEIS DE NEWTON

1ª LEI – INÉRCIA

Se um corpo está em repouso ou em movimento retilíneo uniforme a força resultante sobre ele é nula, ou seja, sua condição é de equilíbrio, em virtude da **inércia**.



IMPORTANTE : ***Inércia** consiste na tendência natural que os corpos possuem em manter a mesma velocidade.*



0044125kW1

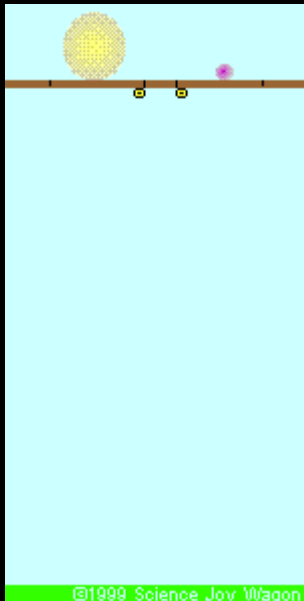
-20 m/s

2ª LEI – PRINCÍPIO FUNDAMENTAL

- A resultante das forças que agem num corpo é igual ao produto de sua massa pela aceleração adquirida.*

$$\vec{F}_R = m \cdot \vec{a}$$

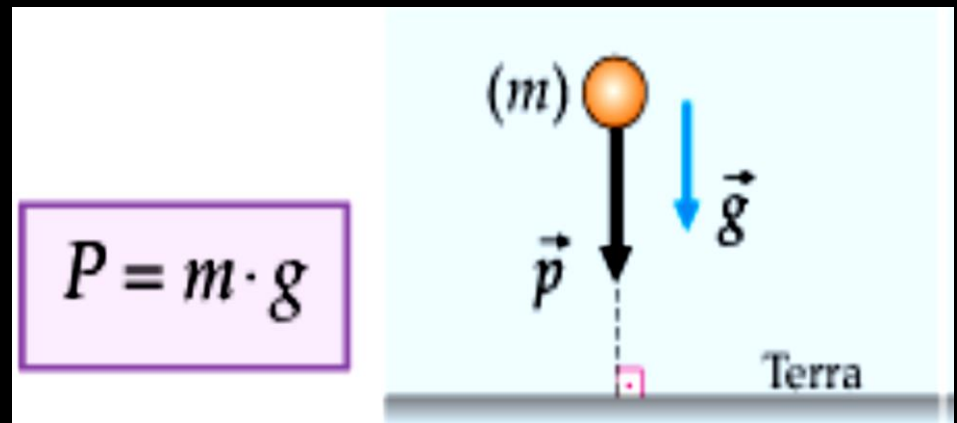
- Força Peso



$$\vec{F}_R = m \cdot \vec{a}$$



$$\vec{P} = m \cdot \vec{g}$$



Adotando-se $g=10\text{m/s}^2$

Sugestão de exercício



(CFT-MG)



© DIONEI/CEFET-MG



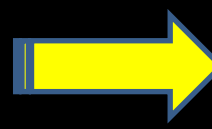
Disponível em: <<http://tirinhasdefisica.blogspot.com.br>>.

Acesso em: 1º out. 2012.

Ao analisar a situação representada na tirinha acima, quando o motorista freia subitamente, o passageiro

- a) mantém-se em repouso e o para-brisa colide contra ele.
- b) tende a continuar em movimento e colide contra o para-brisa.
- c) é empurrado para frente pela inércia e colide contra o para-brisa.
- d) permanece junto ao banco do veículo, por inércia, e o para-brisa colide contra ele.

Sugestão de exercício



(UFF) O peso de um corpo correspondente à força de um Newton, tem a mesma ordem de grandeza de:

- a) Um litro de leite.
- b) Uma criança recém nascida.
- c) Um homem adulto.
- d) Uma moeda de um real.
- Uma pequena xícara cheia de café.

Adote: $g=10\text{m/s}^2$

$$P = m \cdot g$$

$$1 = m \cdot 10$$

$$m = \frac{1}{10}\text{kg}$$

→

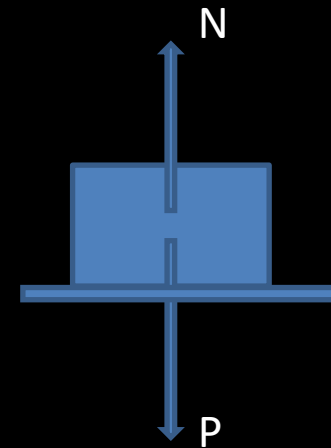
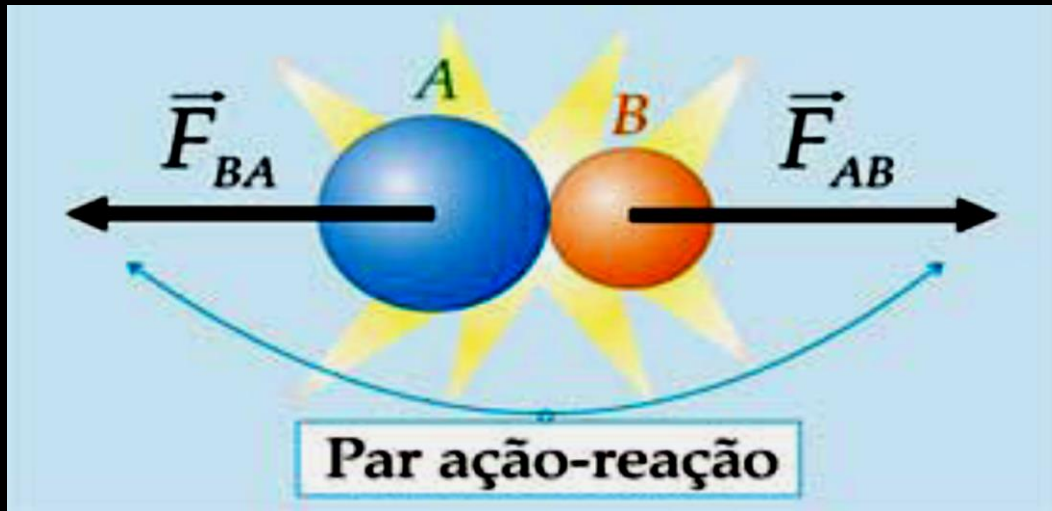
$$m = 0,1\text{kg}$$

→

$$m = 100\text{g}$$

3ª lei – Ação e reação

Se um corpo A aplicar uma força sobre um corpo B, na mesma medida, o corpo B reage sobre A com força de mesma intensidade, mesma direção e sentido contrário.

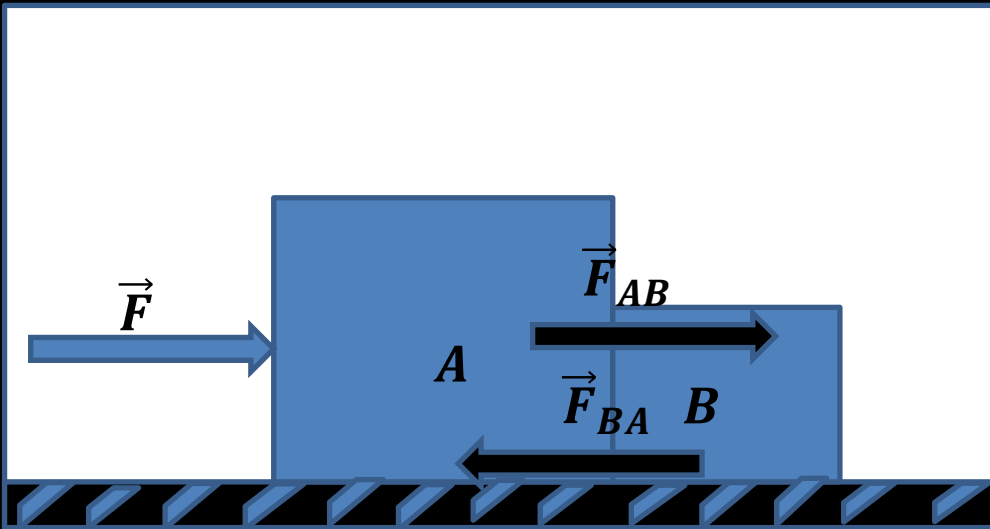


IMPORTANTE: O PAR AÇÃO-REAÇÃO É VALIDO ENTRE OS CORPOS ENVOLVIDOS E NÃO ENTRE AS FORÇAS, POIS AS MESMAS SÃO APENAS ELEMENTOS COMPONENTES DO SISTEMA.

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

Dois corpos A e B de massas respectivamente iguais a 2kg e 3kg, estão apoiados numa superfície horizontal perfeitamente lisa. A força horizontal $F = 10\text{N}$ constante é aplicada no bloco A. Determine:

- a aceleração adquirida pelo conjunto;
- a intensidade da força que A aplica em B.



$$\vec{F}R_A = m_A \cdot a \quad \longrightarrow \quad \vec{F} - \vec{F}_{BA} = m_A \cdot a$$

$$\vec{F}R_B = m_B \cdot a \quad \longrightarrow \quad \vec{F}_{AB} = m_B \cdot a$$

$$\begin{cases} \vec{F} - \vec{F}_{BA} = m_A \cdot a \\ \vec{F}_{AB} = m_B \cdot a \end{cases}$$
$$\vec{F} = (m_A + m_B) \cdot a$$
$$10 = (2 + 3) \cdot a$$
$$10 = (5) \cdot a$$
$$\vec{F}_{AB} = m_B \cdot a$$

$$a = 2\text{m/s}^2$$

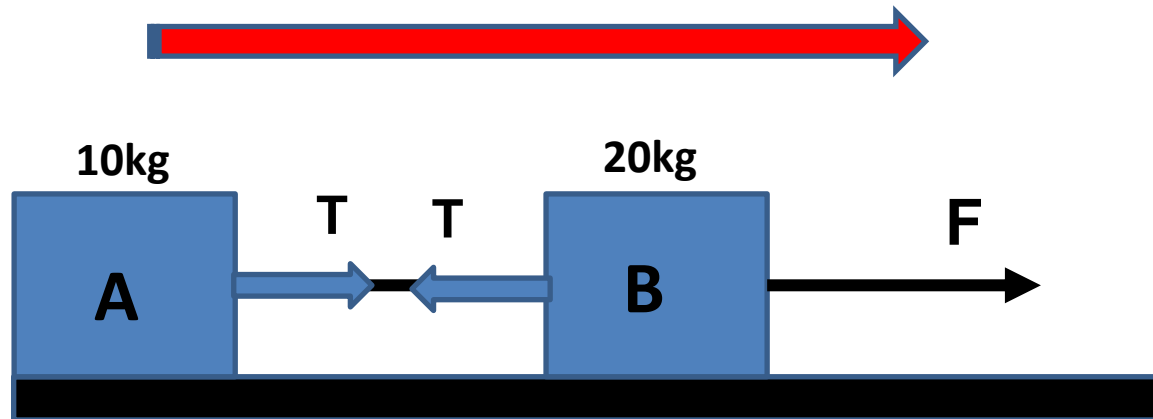
$$\vec{F}_{AB} = 3 \cdot 2$$

$$\vec{F}_{AB} = 6\text{N}$$

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

Dois blocos, A e B estão unidos por um fio. Sendo o módulo da força de tração no fio igual a 200N, calcule a intensidade da força F. (É nulo o atrito entre os blocos e o plano horizontal.)

- a) 800N
- ☒ b) 600N
- c) 400N
- d) 300N
- e) 200N



$$F - T = m_B \cdot a$$

$$T = m_A \cdot a$$

$$T = m_A \cdot a$$

$$200 = 10 \cdot a$$

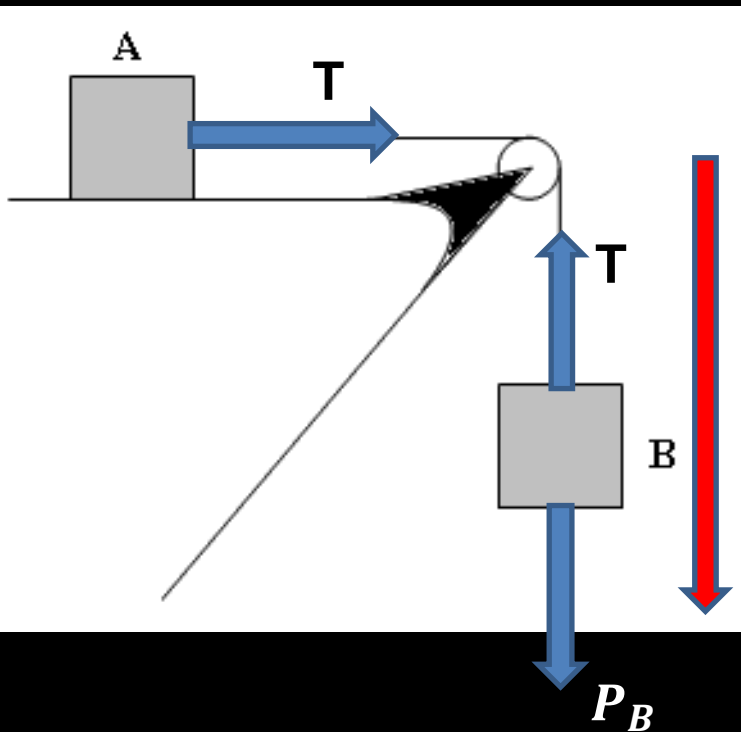
$$a = 20 \text{ m/s}^2$$

$$F = (m_B + m_A) \cdot a$$

$$F = (20 + 10) \cdot 20 \longrightarrow F = 600 \text{ N}$$

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

No esquema abaixo as massas dos corpos A e B são, respectivamente, 3,0kg e 7,0kg. Desprezando os atritos, considerando a polia e o fio ideais, e adotando $g = 10\text{m/s}^2$, determine a aceleração do sistema e a tração no fio.



$$P_B = m_B \cdot g = 7 \cdot 10 = 70\text{N.}$$

$$\begin{cases} P_B - T = m_B \cdot a \\ T = m_A \cdot a \end{cases}$$

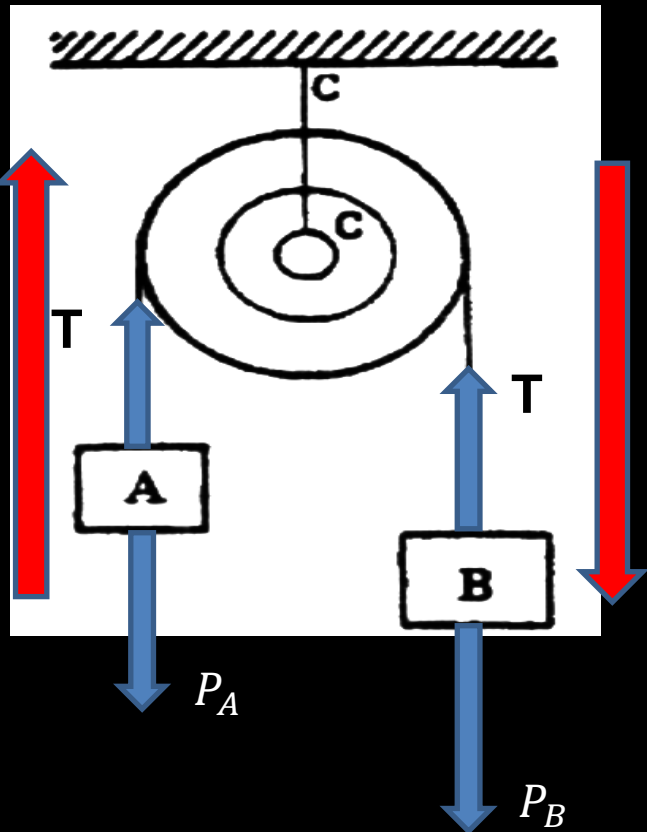
$$P_B = (m_B + m_A) \cdot a$$
$$70 = (7 + 3) \cdot a$$
$$70 = (10) \cdot a$$
$$a = 7\text{m/s}^2$$
$$T = m_A \cdot a$$
$$T = 3 \cdot 7$$
$$T = 21\text{N}$$

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

Dois corpos A e B, de massa 2,0kg e 3,0kg, respectivamente, estão ligados por um fio inextensível e sem peso, que passa por uma polia sem atrito e leve, como mostra a figura.

Adote $g = 10\text{m/s}^2$.

Determine a aceleração do sistema e a tração no fio que une os corpos A e B, em Newtons.



$$P_A = m_A \cdot g = 2 \cdot 10 = 20\text{N}$$

$$P_B = m_B \cdot g = 3 \cdot 10 = 30\text{N}$$

$$P_B - T = m_B \cdot a$$

$$T - P_A = m_A \cdot a$$

$$P_B - P_A = (m_B + m_A) \cdot a$$

$$30 - 20 = (3 + 2) \cdot a$$

$$10 = (5) \cdot a$$

$$a = 2\text{m/s}^2$$

$$T - P_A = m_A \cdot a$$

$$T - 20 = 2 \cdot 2$$

$$T = 4 + 20$$

$$T = 24\text{N}$$

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

Para o sistema esquematizado abaixo, determine a aceleração dos corpos e as trações nos fios. Considere os fios e as polias ideais e despreze os atritos.

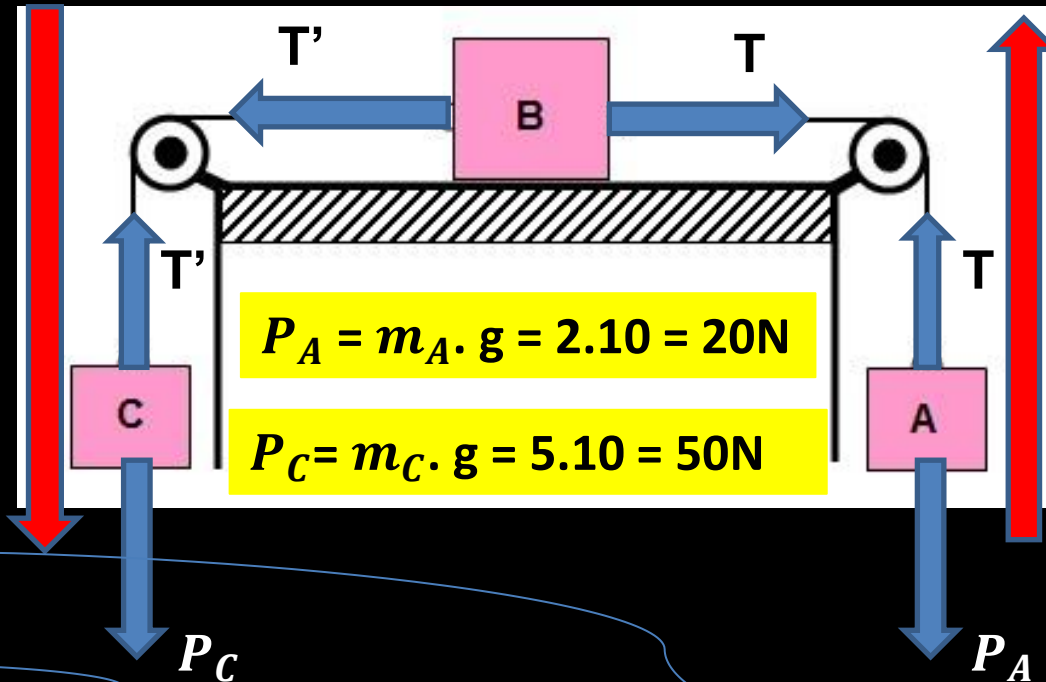
Dados:

$$m_A = 2\text{kg}$$

$$m_B = 3\text{kg}$$

$$m_C = 5\text{kg}$$

$$g = 10\text{m/s}^2$$



~~$$P_C - T' = m_C \cdot a$$~~

~~$$T' - T = m_B \cdot a$$~~

~~$$T - P_A = m_A \cdot a$$~~

$$P_C - P_A = (m_C + m_B + m_A) \cdot a$$

$$50 - 20 = (5 + 3 + 2) \cdot a$$

$$30 = (10) \cdot a$$

$$a = 3\text{m/s}^2$$

$$T - P_A = m_A \cdot a$$

$$T - 20 = 2 \cdot 3$$

$$T - 20 = 6$$

$$T = 26\text{N}$$

$$T' - T = m_B \cdot a$$

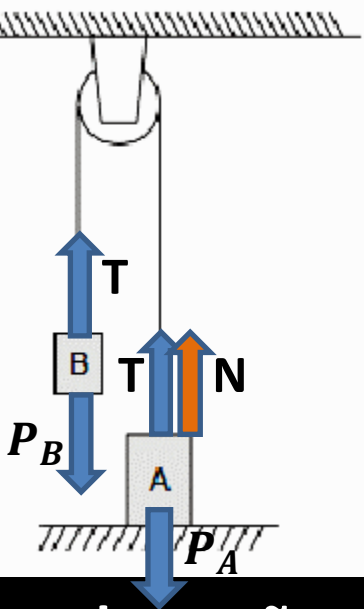
$$T' - 26 = 3 \cdot 3$$

$$T' - 26 = 9$$

$$T' = 35\text{N}$$

APLICAÇÕES DAS LEIS DE NEWTON

Os corpos A e B, de massas $m_A = 3,0\text{kg}$ e $m_B = 2,0\text{ kg}$, são presos às extremidades de um fio de massa desprezível que passa por um roldana ideal fixa. Adota-se para a aceleração local da gravidade o valor 10 m/s^2 . O corpo A está apoiado no solo, como mostra a figura.



$$P_A = m_A \cdot g = 3 \cdot 10 = 30\text{N}$$

$$P_B = m_B \cdot g = 2 \cdot 10 = 20\text{N}$$

$$T = P_B$$

$$T = 20\text{N}$$

$$P_A = N + T$$

$$30 = N + 20$$

$$N = 10\text{N}$$

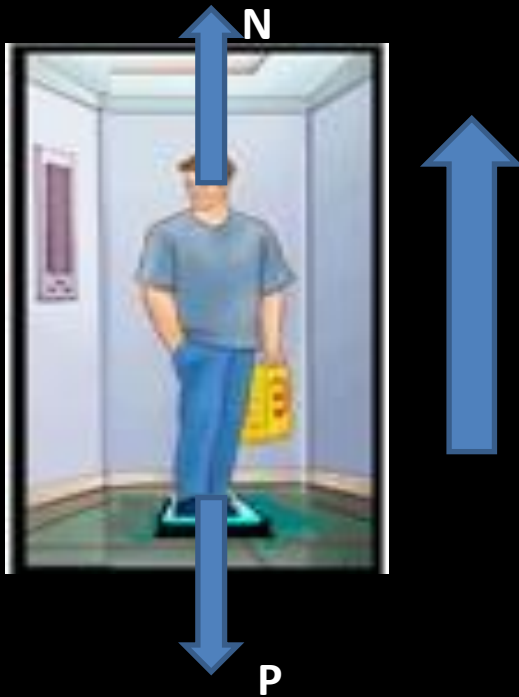
A força de tração no fio e a reação normal valem, respectivamente:

- a) 5N e 10N
- ☒ b) 20N e 10N
- c) 15N e 30N
- d) 10N e 30N
- e) 20N e 50N

Aplicações da Terceira lei de Newton

PROBLEMAS COM ELEVADORES – “PESO APARENTE”

1º CASO: ELEVADOR
SUBINDO



$$N - P = m_H \cdot a$$

2º CASO: ELEVADOR
DESCENDO



$$P - N = m_H \cdot a$$

3º CASO: ELEVADOR
EM REPOUSO OU MRU



$$N = P$$

Aplicações da Terceira lei de Newton

PROBLEMAS COM ELEVADORES – “PESO APARENTE”

ANALISANDO O 3º CASO - MRU

Exemplo: Um elevador sobe com velocidade constante com uma pessoa no seu interior que possui massa m e peso P . Determine, em Newtons, a reação Normal da superfície do assoalho sobre o corpo da pessoa.



$$N - P = m_{PESSOA} \cdot a$$

$$N - P = m_{PESSOA} \cdot a$$

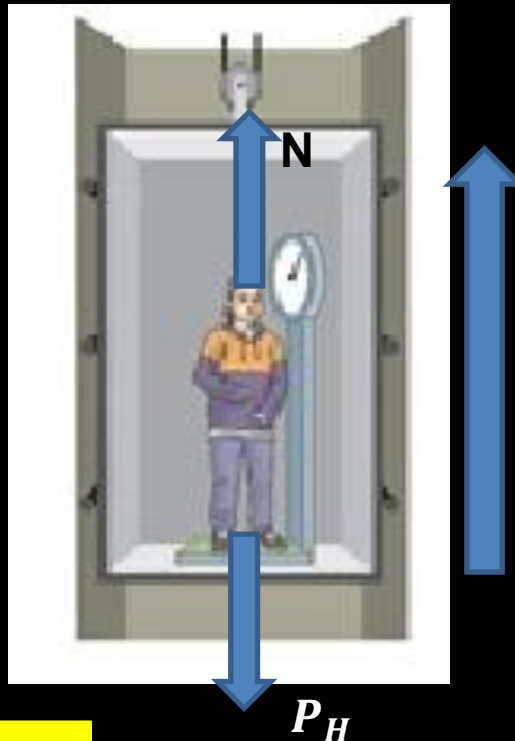
$$N - P = 0$$

$$N = P$$

LISTA DE FORÇA - QUESTÃO 19

Um elevador começa a subir, a partir do andar térreo, com aceleração de 5m/s^2 . O peso aparente de um homem de 60kg no interior do elevador, supondo $g = 10\text{m/s}^2$, é igual a:

- a) 60N .
- b) 200N .
- c) 300N .
- d) 600N .
- ☒ 900N .



$$N - P_H = m_H \cdot a$$

$$N - 600 = 60 \cdot 5$$

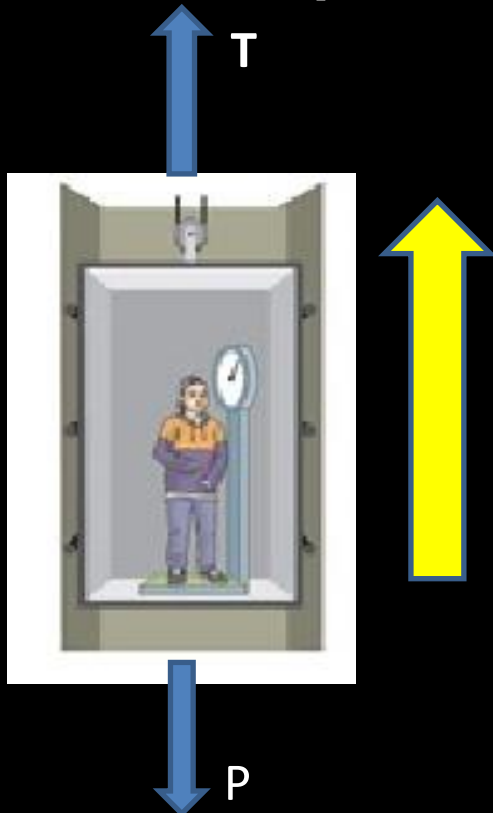
$$N - 600 = 300$$

$$N = 900\text{N}$$

$$P_H = m_H \cdot g = 60 \cdot 10 = 600\text{N}$$

Fique atento!!!

Um elevador de massa 200kg é sustentado por um cabo ideal que pode suportar com segurança uma tração máxima de 3.600N. Supondo a aceleração da gravidade igual a 10m/s^2 , determinar a aceleração máxima com que o elevador pode subir.



$$T - P_E = m_E \cdot a$$

$$3600 - m_E \cdot g = m_E \cdot a$$

$$3600 - 200 \cdot 10 = 200 \cdot a$$

$$3600 - 2000 = 200 \cdot a$$

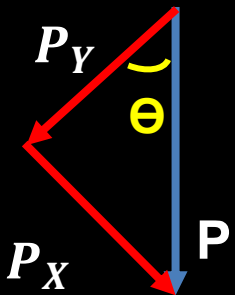
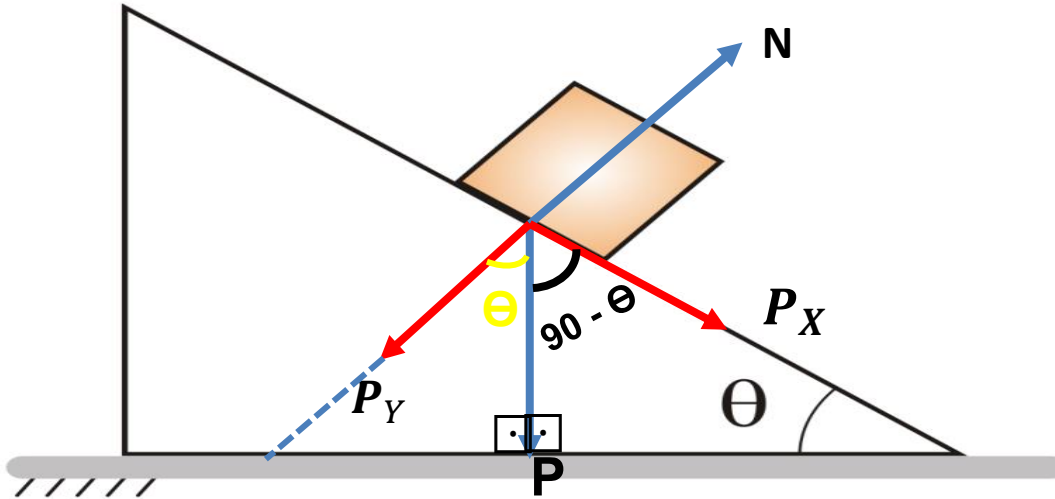
$$1600 = 200 \cdot a$$

$$16 = 2 \cdot a$$

$$a = 8\text{m/s}^2$$

APLICAÇÕES DA 3ª LEI

PLANO INCLINADO (Sem atritos)



$$\text{Sen}\theta = \frac{\text{Cateto oposto}}{\text{hipotenusa}}$$

$$\text{Sen}\theta = \frac{P_X}{P}$$

$$P_X = P.\text{SEN}\theta$$

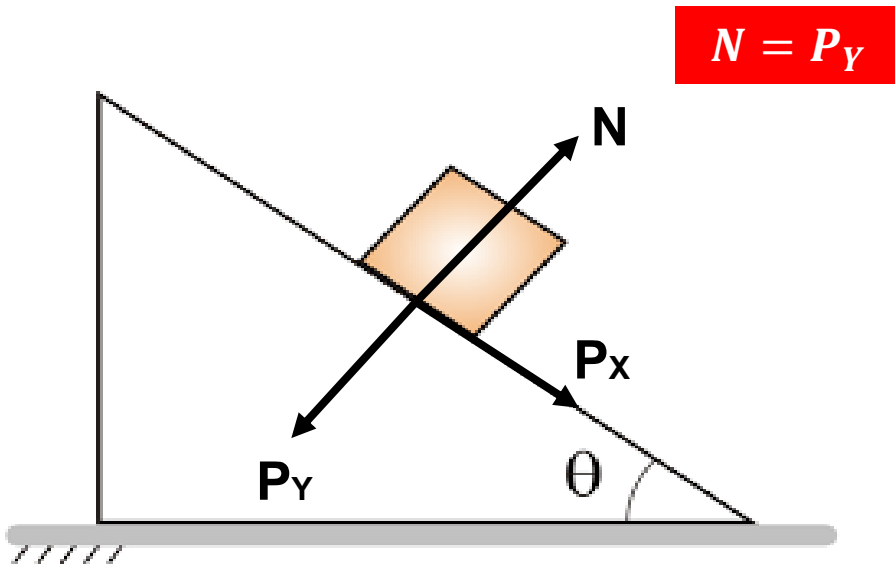
$$\text{Cos}\theta = \frac{\text{Cateto adjacente}}{\text{hipotenusa}}$$

$$\text{Cos}\theta = \frac{P_Y}{P}$$

$$P_Y = P.\text{Cos}\theta$$

APLICAÇÕES DA 3ª LEI

PLANO INCLINADO sem atritos



$$F_R = P_x$$



$$m \cdot a = P \cdot \text{Sen}\theta$$



~~$$m \cdot a = m \cdot g \cdot \text{Sen}\theta$$~~



$$a = g \cdot \text{Sen}\theta$$

LISTA DE FORÇA

13. Um bloco de peso P desliza ao longo de um plano inclinado com atrito desprezível, conforme a figura. (Dado $g = 10\text{m/s}$, $\text{sen}\Theta = 0,6$, $\text{cos}\Theta = 0,8$).
A aceleração do bloco em m/s^2 vale:

- a) 2
- b) 4
- ☒ c) 6
- d) 8
- e) 10

$$N = P_Y$$

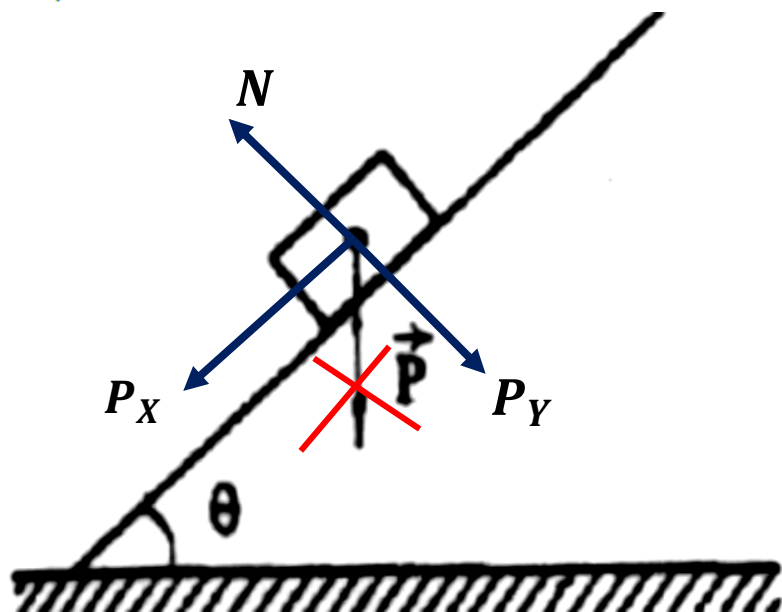
$$F_R = P_X$$



$$a = g \cdot \text{Sen}\Theta$$

$$a = 10 \cdot 0,6$$

$$a = 6\text{m/s}^2$$

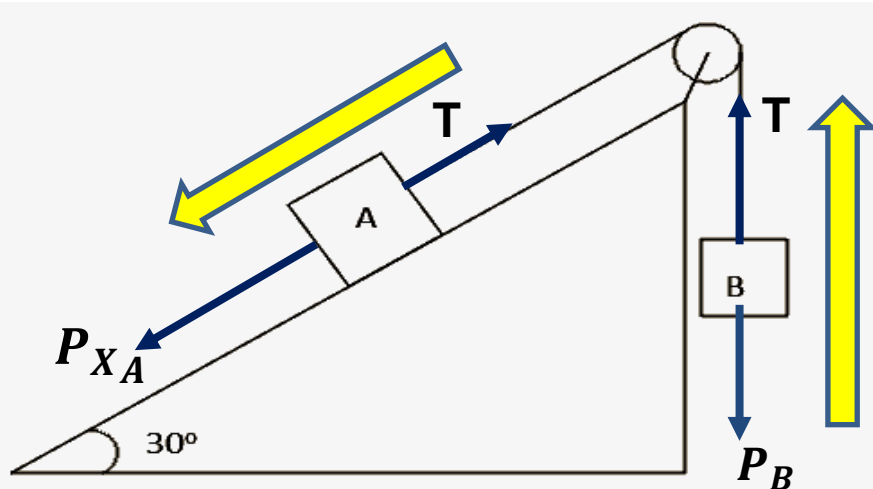


LISTA DE FORÇA

17. Um corpo A, de 8kg de massa, preso à extremidade de um cabo de massa desprezível, está apoiado sobre um plano inclinado de 30° com a horizontal e sem atrito, conforme a figura a baixo. O corpo B de 2Kg de massa está preso a outra extremidade do cabo que passa pela roldana fixa sem atrito. O sistema é abandonado do repouso. Com relação ao corpo A, pode-se afirmar que:

(aceleração da gravidade = 10m/s^2)

- a) desce o plano com aceleração de 10m/s^2 .
- b) sobe o plano com aceleração de 10m/s^2 .
- ☒ c) desce com aceleração de $2,0\text{m/s}^2$.
- d) sobe com aceleração de $2,0\text{m/s}^2$.
- e) desce com aceleração de $1,0\text{m/s}^2$.



$$P_{XA} = P_A \cdot \text{Sen } \theta$$

$$P_B = m_B \cdot g$$

$$P_{XA} = m_A \cdot g \cdot \text{Sen} 30^\circ$$

$$P_B = 2 \cdot 10$$

$$P_{XA} = 8 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2}$$

$$P_B = 20 \text{ N}$$

$$P_{XA} = 40 \text{ N}$$

$$\begin{cases} P_{XA} - T = m_A \cdot a \\ \cancel{T - P_B = m_B \cdot a} \end{cases}$$

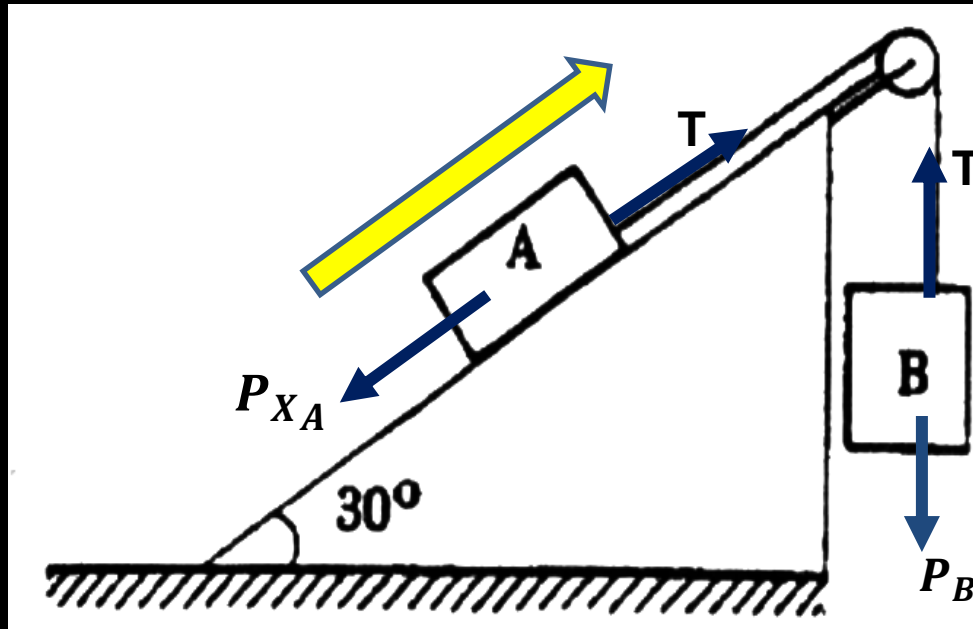
$$P_{XA} - P_B = (m_A + m_B) \cdot a$$

$$40 - 20 = (8 + 2) \cdot a$$

$$20 = (10) \cdot a$$

$$a = 2 \text{ m/s}^2$$

As massas dos corpos A e B são, respectivamente, iguais a 2 kg. Sendo $g = 10\text{m/s}^2$ e $\sin 30^\circ = 0,5$; não existe atrito, e o fio e a polia são ideais.



$$\begin{aligned} P_B - T &= m_B \cdot a \\ T - P_{xA} &= m_A \cdot a \\ \hline P_B - P_{xA} &= (m_B + m_A) \cdot a \\ 20 - 10 &= (2 + 2) \cdot a \\ 10 &= (4) \cdot a \\ a &= 2,5\text{m/s}^2 \end{aligned}$$

De acordo com o exposto, calcule a aceleração do sistema e a tração no fio.

$$P_{xA} = P_A \cdot \sin \theta$$

$$P_{xA} = m_A \cdot g \cdot \sin 30^\circ$$

$$P_{xA} = 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2}$$

$$P_{xA} = 10\text{N}$$

$$P_B = m_B \cdot g$$

$$P_B = 2 \cdot 10$$

$$P_B = 20\text{N}$$

$$T - P_{xA} = m_A \cdot a$$

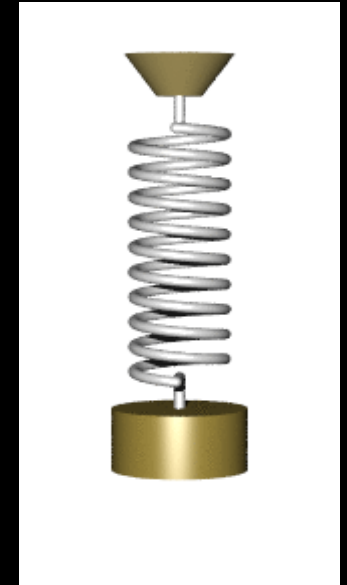
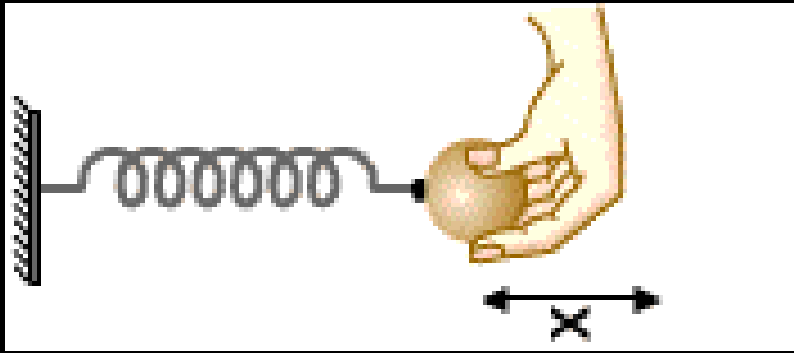
$$T - 10 = 2 \cdot 2,5$$

$$T - 10 = 5$$

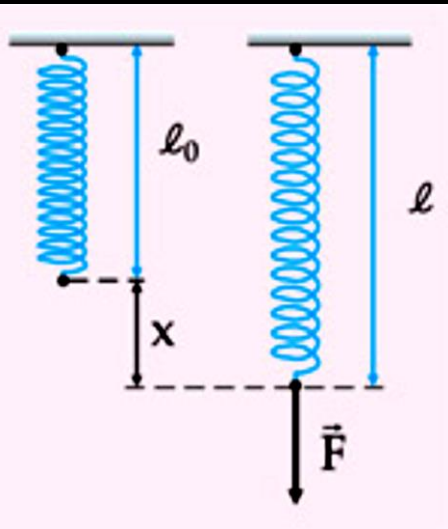
$$T = 15\text{N}$$

DEFORMAÇÕES ELÁSTICAS (X)

Lei de Hooke



Lei de Hooke: A força elástica é diretamente proporcional à deformação elástica de um sistema.



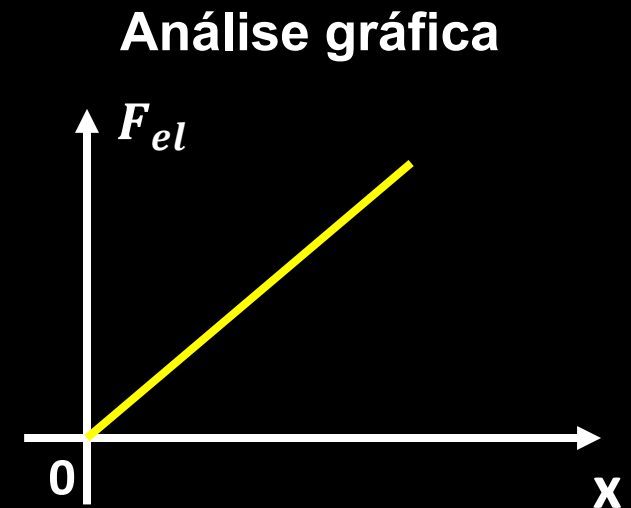
$$x = |\ell - \ell_0|$$

$$F_{el} \propto x$$

constant

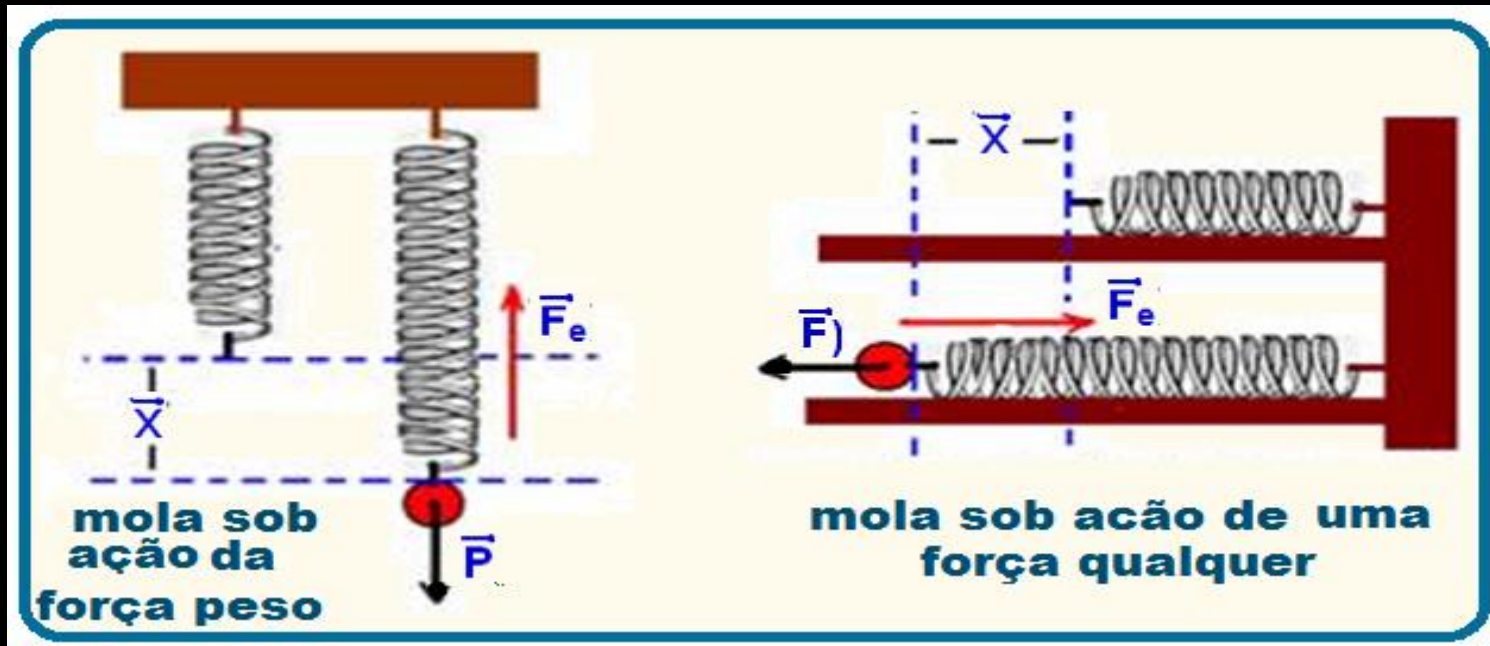
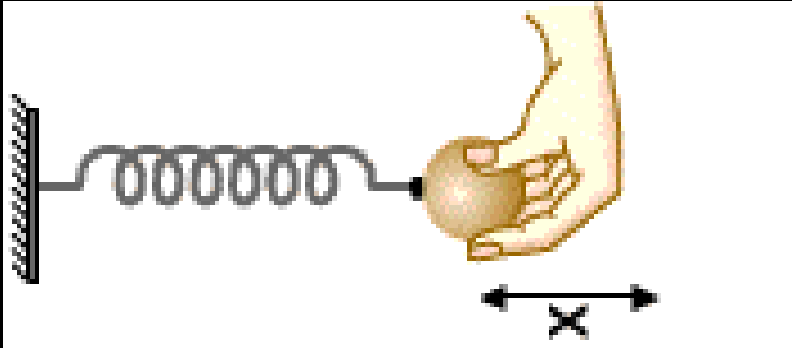
$$F_{el} = k \cdot x$$

N N/m m



K → Determina o nível de consistência da mola ou corpo deformado.

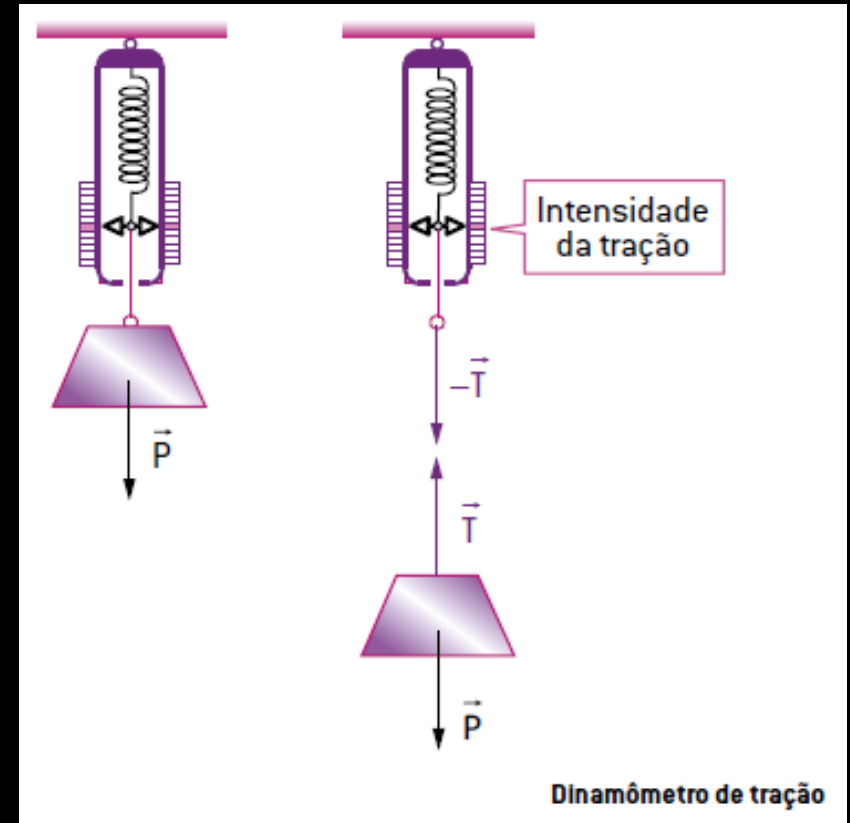
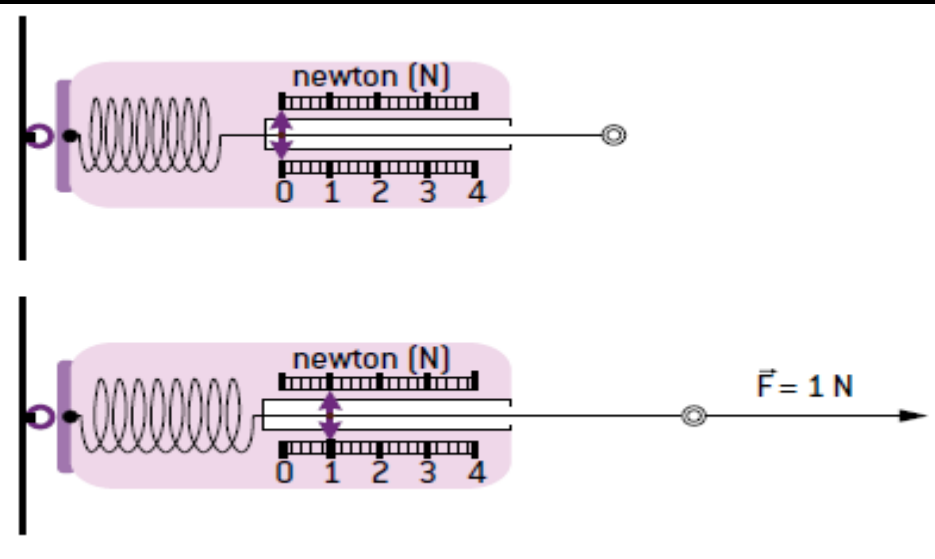
Análise da deformação elástica



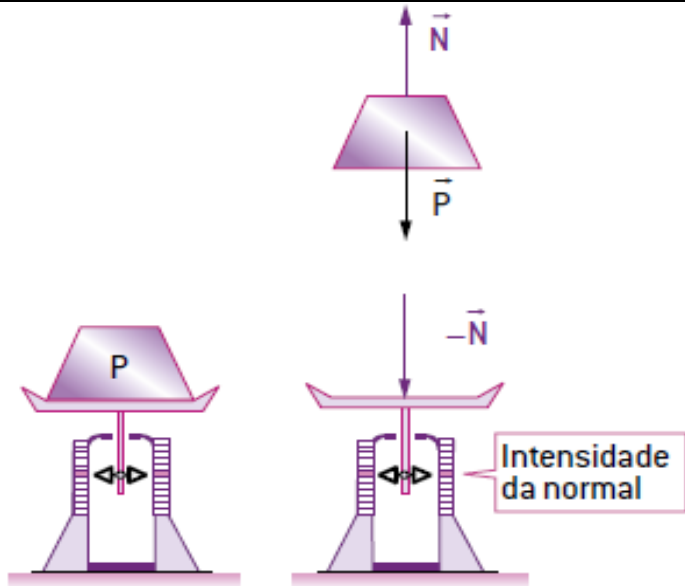
A força elástica é sempre contrária à força externa, tanto na distensão da mola quanto na compressão. Portanto, $F_{el} = - F$.

Dinamômetros

São aparelhos constituídos de uma mola e servem para medir a força em um local ou um sistema específico.



Dinamômetros

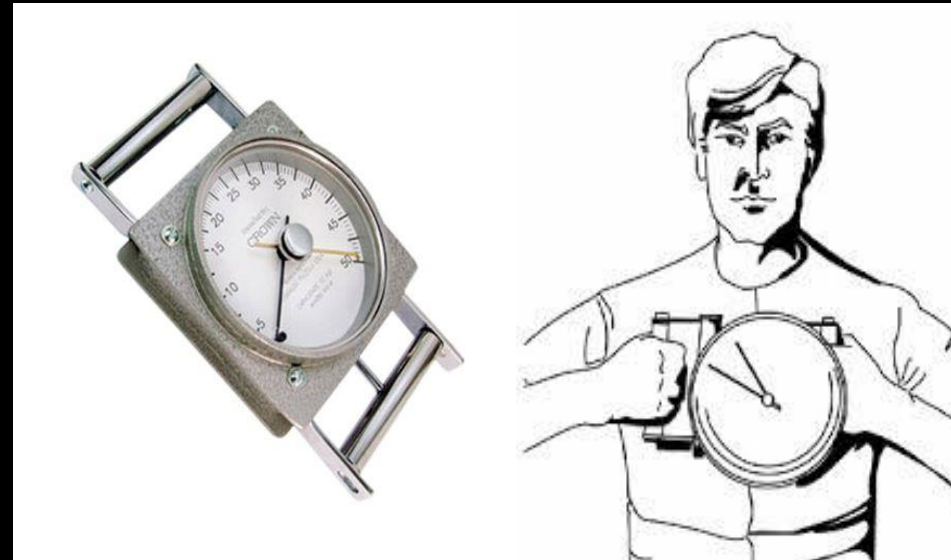


Dinamômetro de compressão



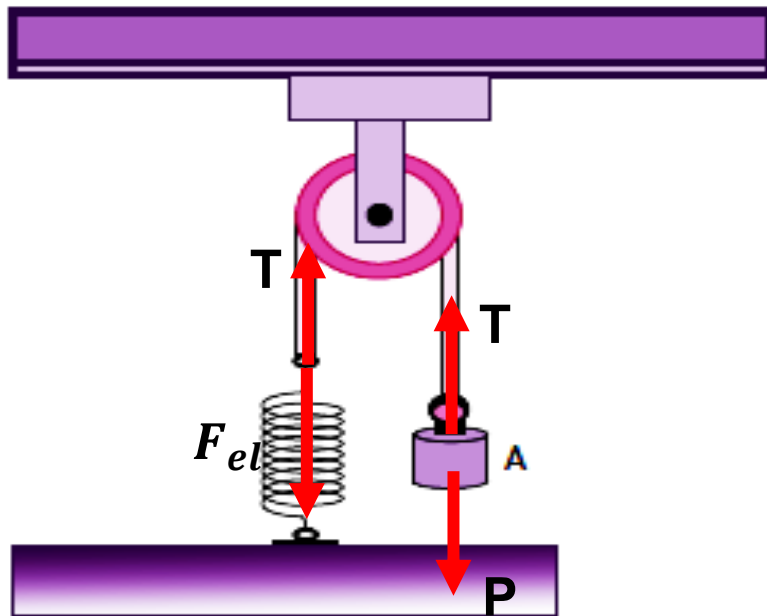
RUELL/QUEPAZ / ISTOCK

Dinamômetro de compressão usado em tratamentos de fisioterapia, para medir a quantidade de força do indivíduo.



EXERCÍCIO UNICID - SP

O bloco A, de massa 1,5 kg, preso a uma corda inextensível e de massa desprezível, é abandonado do repouso no momento em que a mola, de constante elástica $k = 200 \text{ N/m}$ e de massa desprezível, encontra-se não deformada. Despreze as resistências na polia e considere o sistema conservativo, a corda inicialmente esticada, mas não tensionada e $g = 10 \text{ m/s}^2$.



O bloco A, após abandonado e por causa da deformação da mola, desce até atingir o ponto mais baixo de sua trajetória, sofrendo, nesse percurso, um deslocamento, em cm, igual a

$$T = P$$

$$T = F_{el}$$

$$F_{el} = P$$

$$k \cdot x = m \cdot g$$

$$200 \cdot x = 1,5 \cdot 10$$

$$200 \cdot x = 15$$

~~$$x = \frac{15}{200}$$~~

$$x = \frac{3}{40}$$

$$x = 0,075\text{m}$$

$$x = 7,5\text{cm}$$

7,5

d) 25

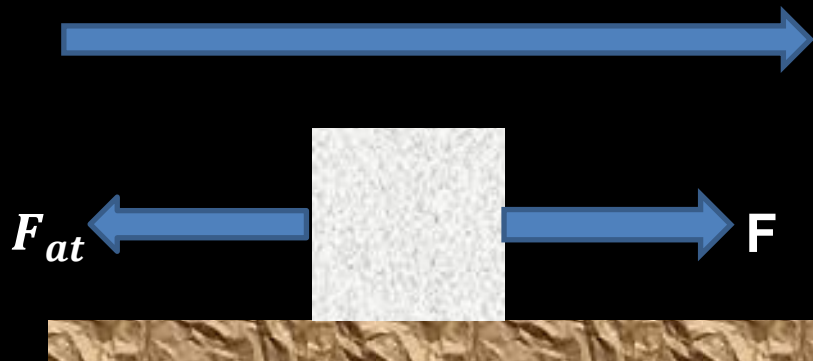
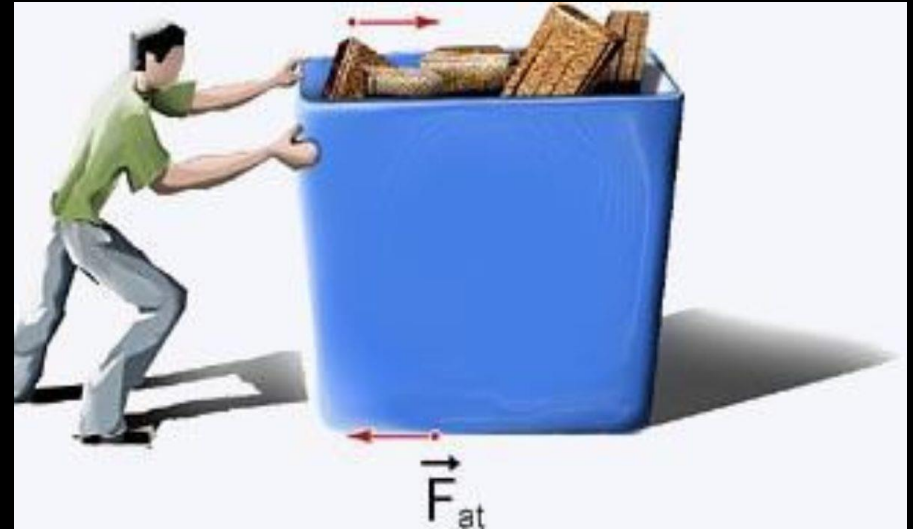
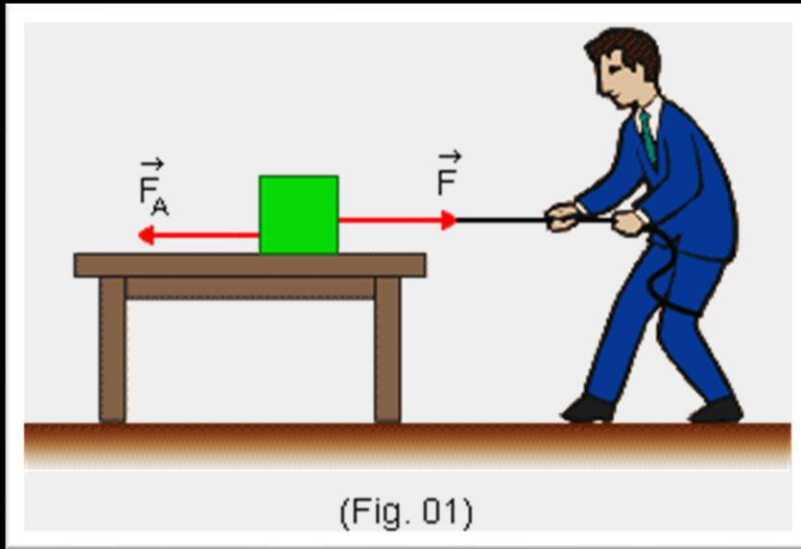
b) 10

e) 30

c) 20

FORÇA DE ATRITO (Fat)

É toda força que se opõe ao deslizamento de um corpo ou à sua tendência de deslizar(iminência).



$$F - F_{at} = m \cdot a$$

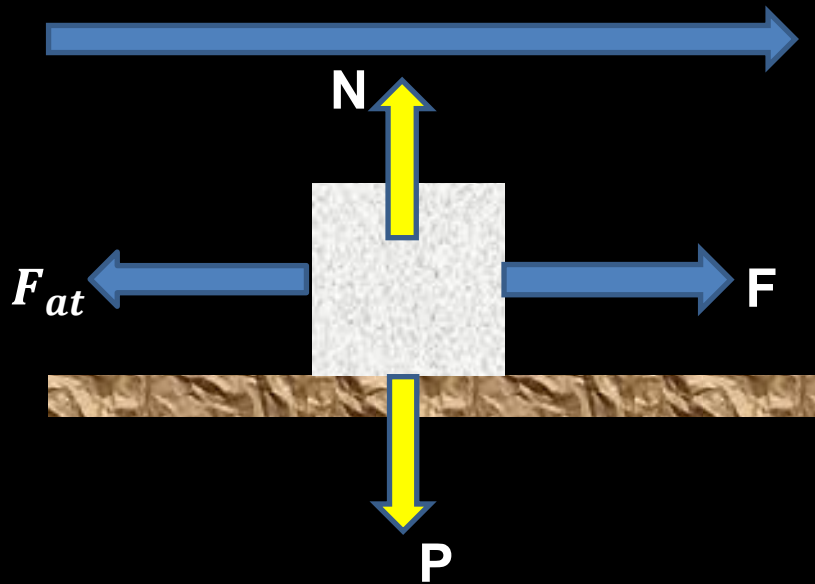
$$F_{at} = \mu \cdot N$$



Sem unidade (adimensional)

$\mu \rightarrow$ É o coeficiente de atrito.

Análise da força de atrito (F_{at})



$$F - F_{at} = m \cdot a$$

Particularidades:

$$F = F_{at}$$

REPOUSO

M.R.U

IMINÊNCIA

Equilíbrio

$$F = F_{at}$$

$$m \cdot a = \mu \cdot N$$

$$m \cdot a = \mu \cdot P$$

~~$$m \cdot a = \mu \cdot m \cdot g$$~~

$$|a| = \mu \cdot g$$

LEIS DO ATRITO

FORÇA DE ATRITO (Fat)

ESTÁTICO

$$Fat_E = \mu_E \cdot N$$

Impede o deslizamento



DINÂMICO

$$Fat_D = \mu_D \cdot N$$

Permite o deslizamento



LEIS DO ATRITO

FORÇA DE ATRITO (F_{at})

ESTÁTICO

$$F_{at_E} = \mu_E \cdot N$$

Impede o deslizamento

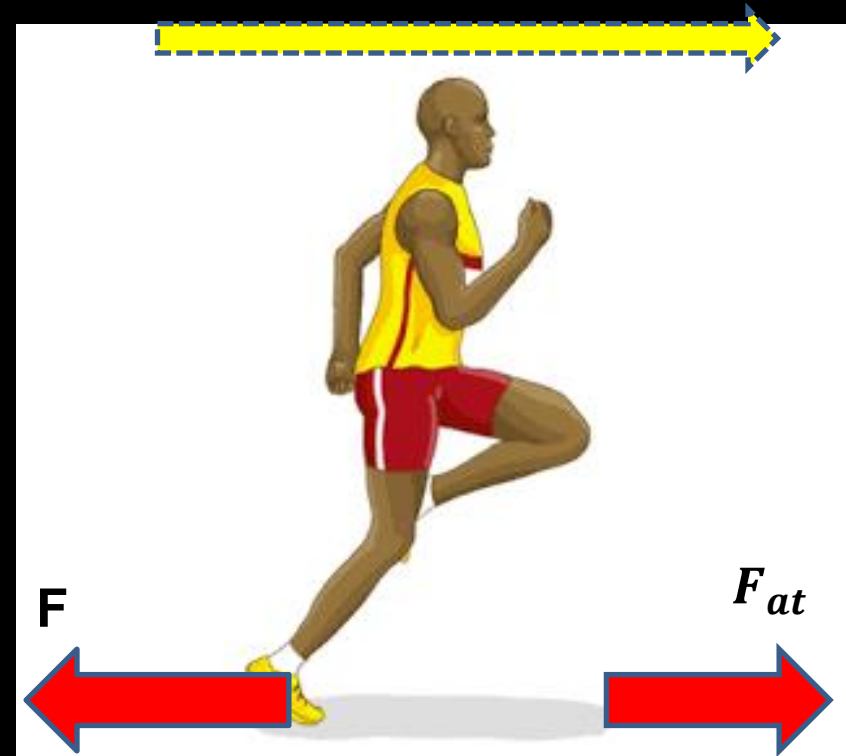
DINÂMICO

$$F_{at_D} = \mu_D \cdot N$$

Permite o deslizamento

$$\mu_E > \mu_D$$

Fique atento!!!



A caminhada de uma pessoa tem Fat no mesmo sentido do movimento, pois Fat é contrário ao movimento das pernas da pessoa, que por sua vez, impulsionam o corpo para trás, para que a pessoa se mova para frente.

A caminhada de uma pessoa constitui um atrito ESTÁTICO, pois não ocorre deslizamento dos pés com a superfície de contato durante o movimento da pessoa.

Exercício de sala

Um automóvel desloca-se em uma estrada plana com velocidade de 72Km/h, quando são acionados os freios. Sendo o coeficiente de atrito entre os pneumáticos do automóvel e a estrada igual a 0,25, determine, em metros, o espaço percorrido pelo automóvel, desde a aplicação dos freios até parar. Considere $g = 10m/s^2$.

IMPORTANTE:

$$V_0 = \frac{72km}{h} = 20m/s$$

$$\begin{aligned} V &= 0 \\ \mu &= 0,25 \\ g &= 10m/s^2 \\ \Delta s &=? \end{aligned}$$

Como se trata de um caso de iminência:

$$F = F_{at}$$

$$|a| = \mu \cdot g$$

$$|a| = 0,25 \cdot 10$$

$$|a| = 2,5$$

$$a = -2,5m/s^2$$

$$V^2 = V_0^2 + 2 \cdot a \cdot \Delta s$$

$$0^2 = 20^2 + 2 \cdot (-2,5) \cdot \Delta s$$

$$0 = 400 - 5 \cdot \Delta s$$

$$5 \cdot \Delta s = 400$$

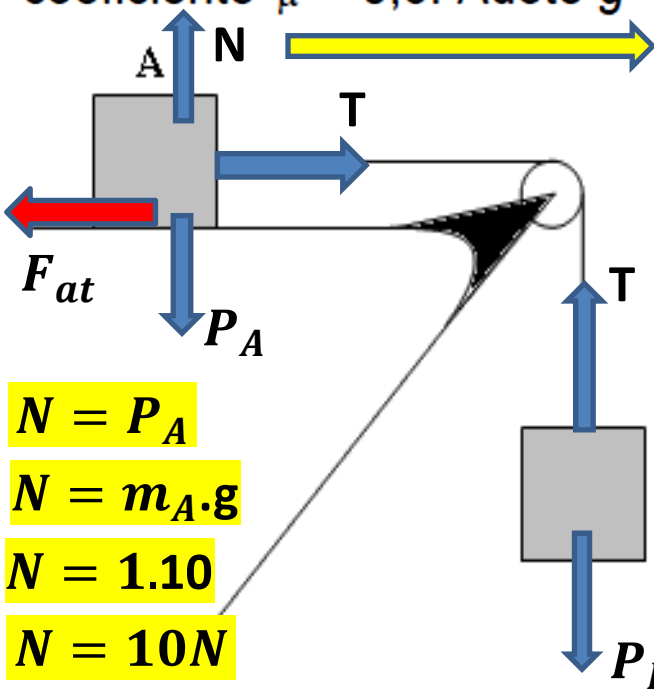
$$\Delta s = \frac{400}{5}$$

$$\Delta s = 80m$$

LISTA DE FORÇA

Questões 24 e 25

Dois corpos A e B de massa $m_A = 1\text{kg}$ e $m_B = 2\text{kg}$ estão ligados por uma corda de peso desprezível que passa sem atrito pela polia C. Entre A e o apoio existe atrito de coeficiente $\mu = 0,5$. Adote $g = 10\text{m/s}^2$.



$$\begin{aligned} N &= P_A \\ N &= m_A \cdot g \\ N &= 1 \cdot 10 \\ N &= 10\text{N} \end{aligned}$$

$$P_B = m_B \cdot g = 2 \cdot 10 = 20\text{N.}$$

$$F_{at} = \mu \cdot N$$

$$F_{at} = 0,5 \cdot 10$$

$$F_{at} = 5\text{N}$$

Informações para as duas questões que se seguem:

24. A aceleração dos corpos vale:

- a) 5m/s^2 .
- b) 6m/s^2 .
- c) 7m/s^2 .
- d) 8m/s^2 .
- e) 9m/s^2 .

25. A tração no fio vale:

- a) 5N .
- b) 6N .
- c) 8N .
- d) 10N .
- e) 15N .

$$T - F_{at} = m_a \cdot a$$

$$T - 5 = 1 \cdot a$$

$$T = 5 + a$$

$$T = 10\text{N}$$

$$P_B - T = m_B \cdot a$$

$$T - F_{at} = m_a \cdot a$$

$$P_B - F_{at} = (m_B + m_a) \cdot a$$

$$20 - 5 = (2 + 1) \cdot a$$

$$15 = (3) \cdot a$$

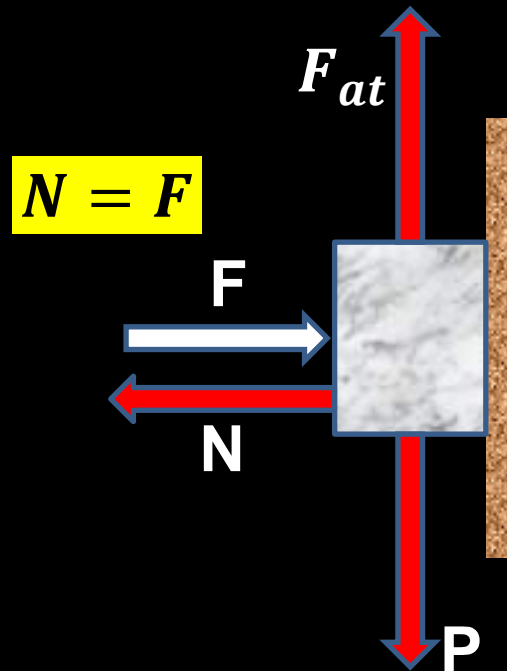
$$a = \frac{15}{3}$$

$$a = 5\text{m/s}^2$$

QUESTÃO 30 BLOCO I

Um bloco de massa $m = 400\text{g}$ é pressionado horizontalmente contra uma parede vertical. Sendo $\mu = 0,4$ o coeficiente de atrito entre o bloco e a parede, a força F mínima que mantém o bloco em repouso, em N , vale: ($g = 10\text{m/s}^2$)

- a) 1,6.
- b) 4,0.
- ☒ c) 10,0.
- d) 100,0.
- e) 160,0.



$$N = F$$

$$F_{at} = P$$

$$\mu \cdot N = m \cdot g$$

$$\mu \cdot F = m \cdot g$$

~~$$0,4 \cdot F = 0,4 \cdot 10$$~~

$$F = 10\text{N}$$

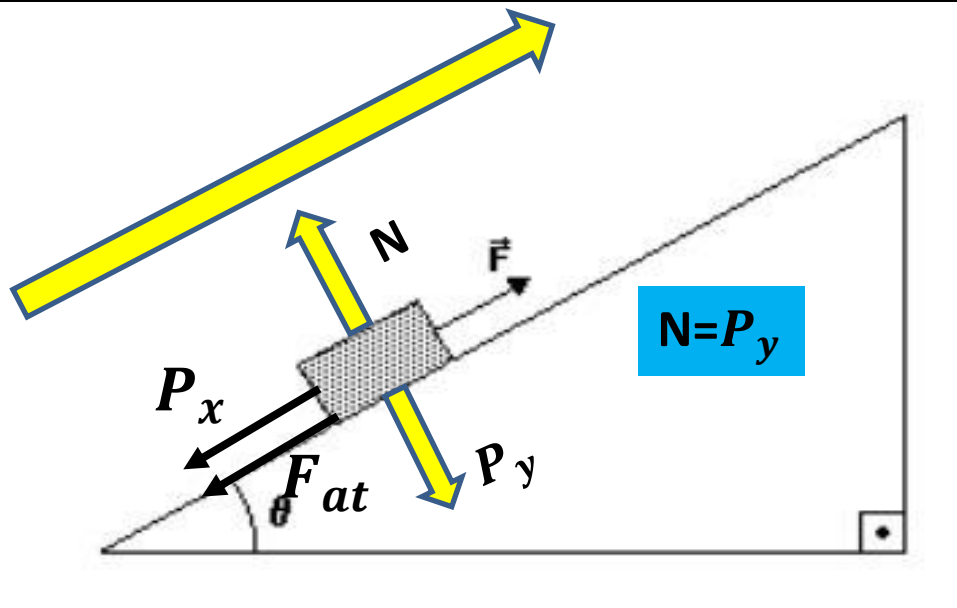
$$m = 400\text{g} = 0,4\text{kg}$$

QUESTÃO 10 BLOCO II

Um bloco de massa $m = 10\text{kg}$ sobe um plano inclinado com velocidade constante, sob ação de uma força F constante e paralela ao plano inclinado, conforme figura. O coeficiente de atrito dinâmico entre o bloco e o plano inclinado é $\mu = 0,2$.

São dados $\sin\theta = 0,6$; $\cos\theta = 0,8$ e $g = 10\text{m/s}^2$.

A intensidade da força F será



Velocidade Constante = MRU



Equilíbrio dinâmico:

$$F = P_x + F_{at}$$

$$F = P \cdot \sin\theta + \mu \cdot N$$

$$F = P \cdot \sin\theta + \mu \cdot P_y$$

$$F = P \cdot \sin\theta + \mu \cdot P \cdot \cos\theta$$

$$F = m \cdot g \cdot \sin\theta + \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos\theta$$

$$F = 10 \cdot 10 \cdot 0,6 + 0,2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 0,8$$

$$F = 60 + 16$$

$$F = 76\text{N}$$

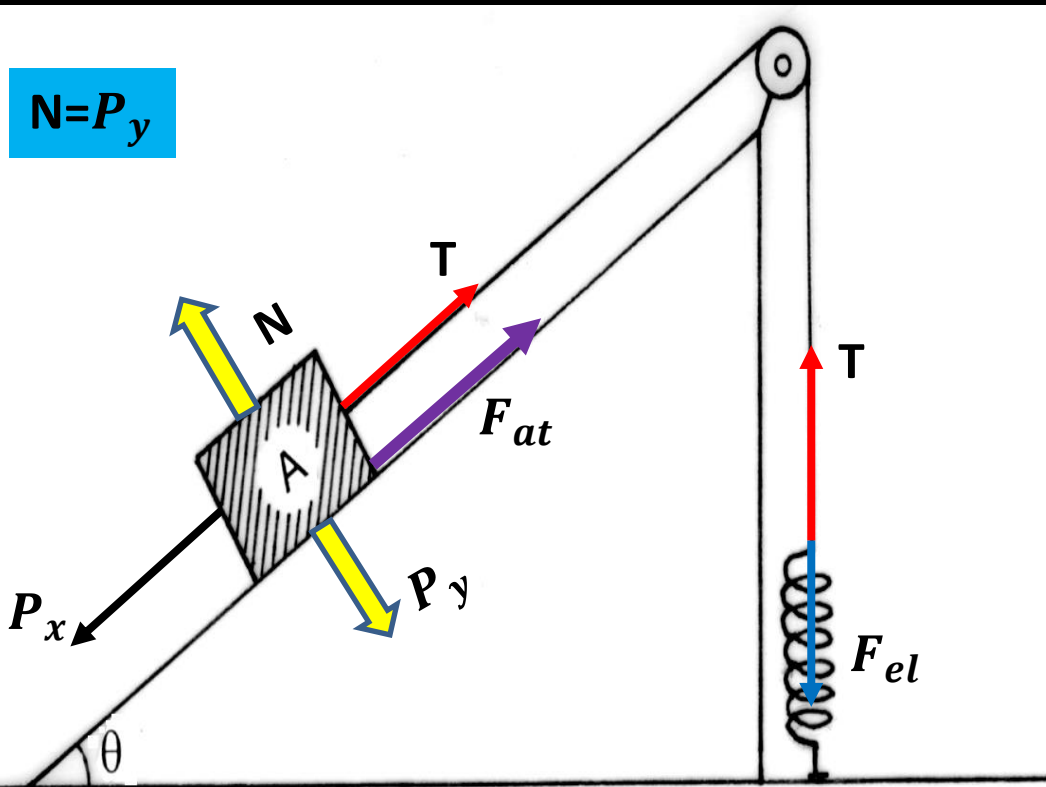
**OUTRA
FORMA:**

$$F - (P_x + F_{at}) = m \cdot a$$

$$F - P_x - F_{at} = 0$$

$$F = P_x + F_{at}$$

A figura apresenta um bloco A, de peso igual a 10N, sobre um plano de inclinação θ em relação à superfície horizontal. A mola ideal se encontra deformada de 20cm e é ligada ao bloco A através do fio ideal que passa pela roldana sem atrito. Sendo 0,2 o coeficiente de atrito estático entre o bloco A e o plano, $\sin \theta = 0,60$, $\cos \theta = 0,80$, desprezando-se a resistência do ar e considerando-se que o bloco A está na iminência da descida, determine a constante elástica da mola, em N/m.



$$N = P_y$$

$$T = F_{el}$$

$$P_x = T + F_{at}$$

$$P \cdot \sin \theta = F_{el} + \mu \cdot N$$

$$P \cdot \sin \theta = k \cdot x + \mu \cdot P_y$$

$$P \cdot \sin \theta = k \cdot x + \mu \cdot P \cdot \cos \theta$$

$$10 \cdot 0,6 = k \cdot 0,2 + 0,2 \cdot 10 \cdot 0,8$$

$$6 = k \cdot 0,2 + 1,6$$

$$0,2K = 6 - 1,6$$

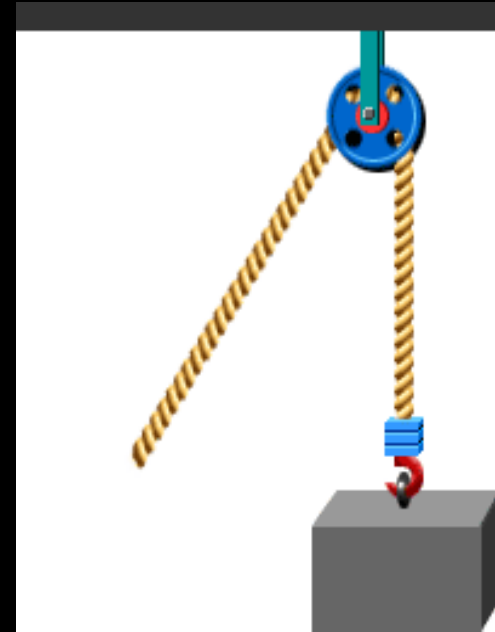
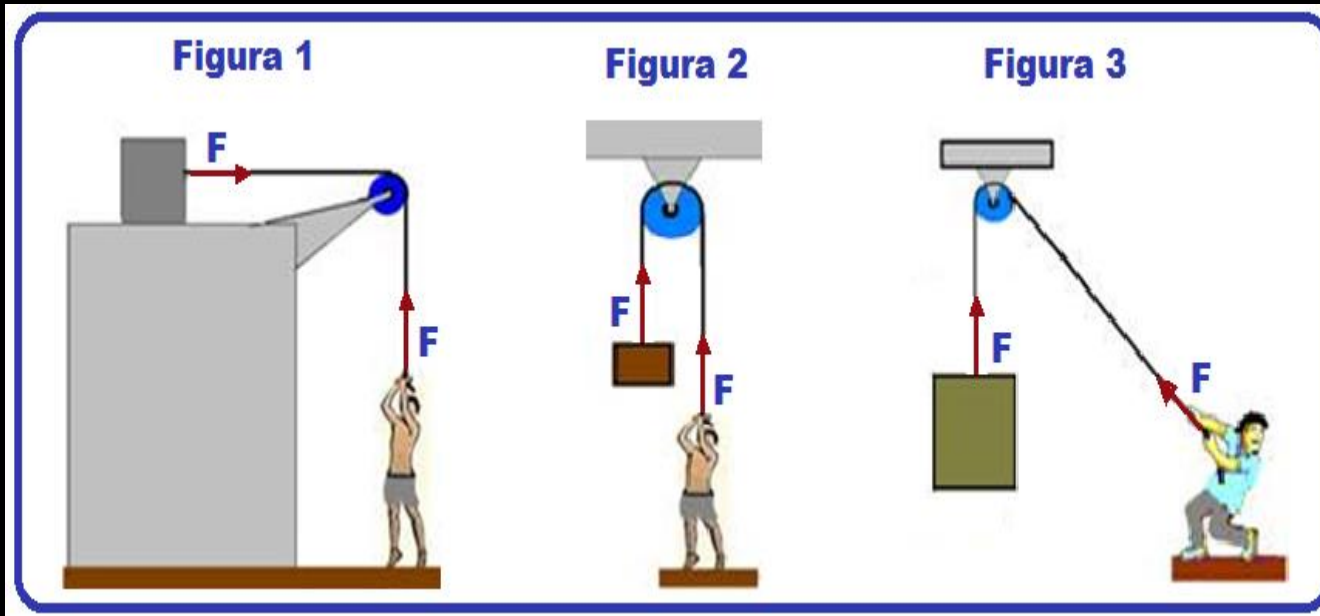
$$K = \frac{4,4}{0,2}$$

$$K = 22 \text{ N/m}$$

POLIAS FIXAS E MÓVEIS

MECÂNICA
FÍSICA

ANÁLISE DA POLIA FIXA

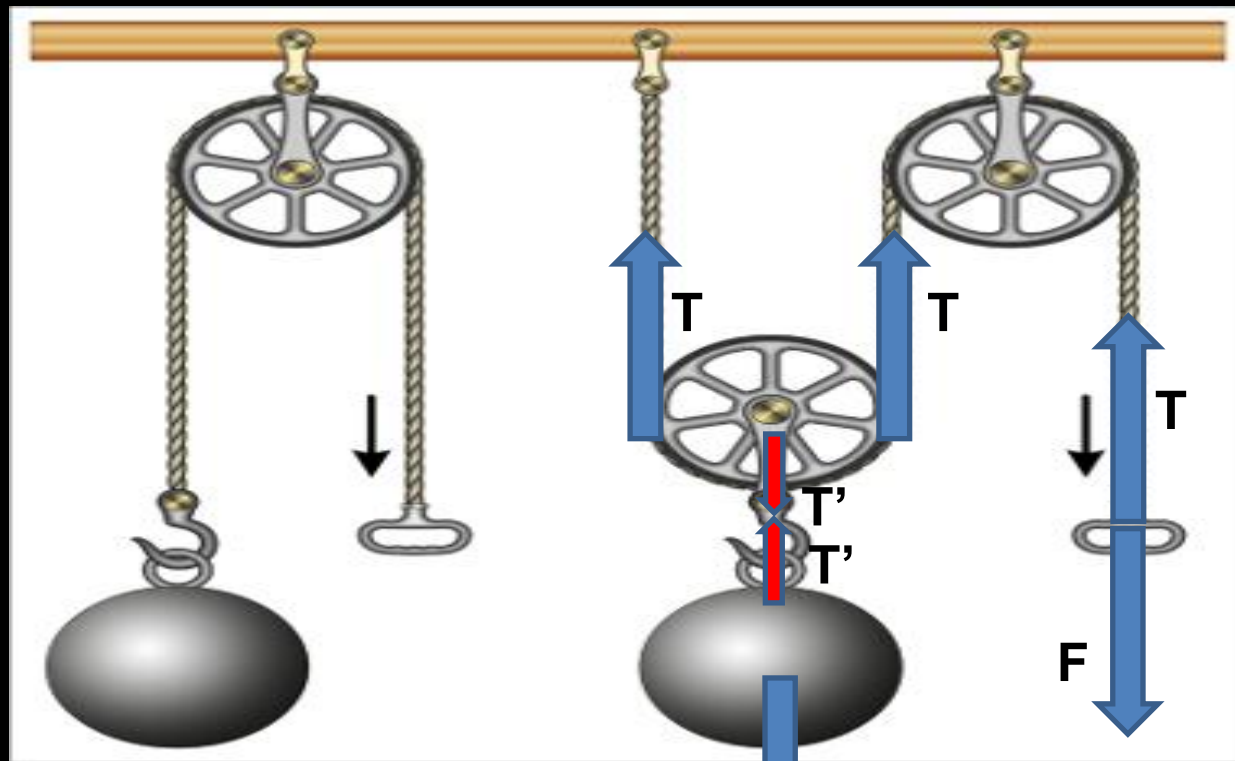
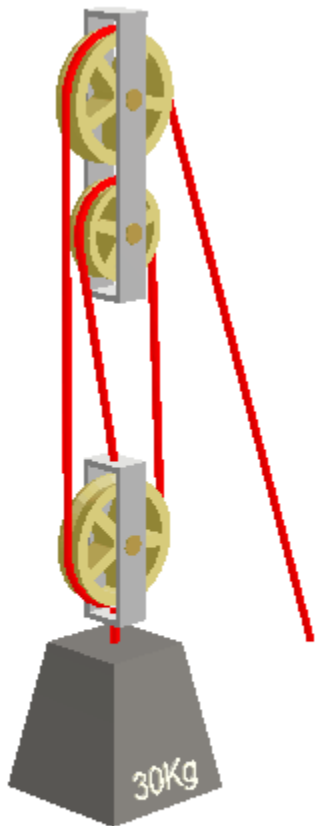


F = Força Potente
P = Força resistente

$$F = P$$

Finalidade: Manter o equilíbrio do sistema de maneira que a força seja sempre constante.

ANÁLISE DA POLIA MÓVEL



$$F = T$$

$$T' = 2 \cdot T$$

$$P = T'$$

$$P = 2 \cdot T$$

$$P = 2 \cdot F$$

$$P$$

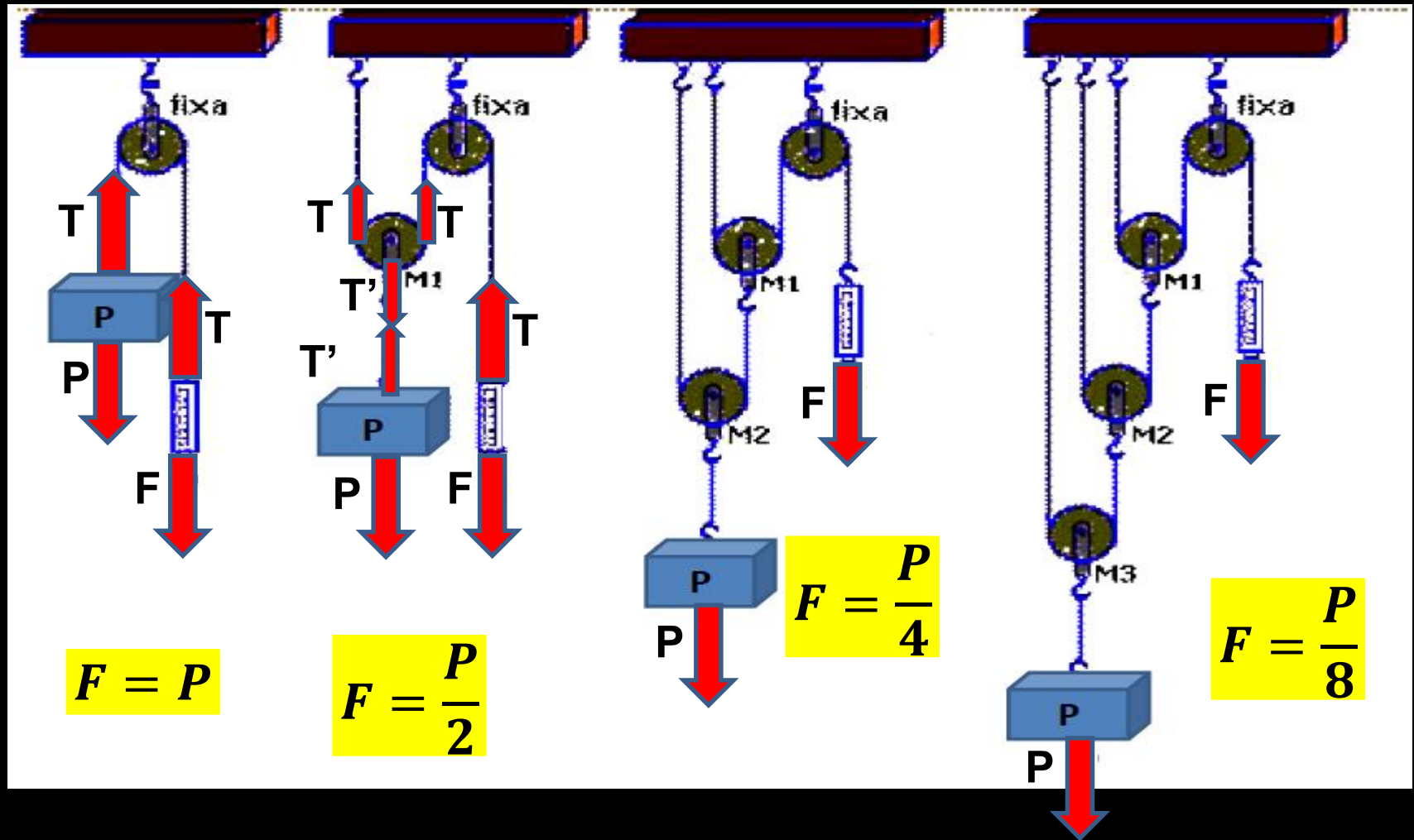
$$F_{Potente} = \frac{F_{Resistente}}{2}$$

F = Força Potente
P = Força resistente

$$F = \frac{P}{2}$$

**Isso ocorre para
 uma polia móvel.**

ANÁLISE DA POLIA MÓVEL



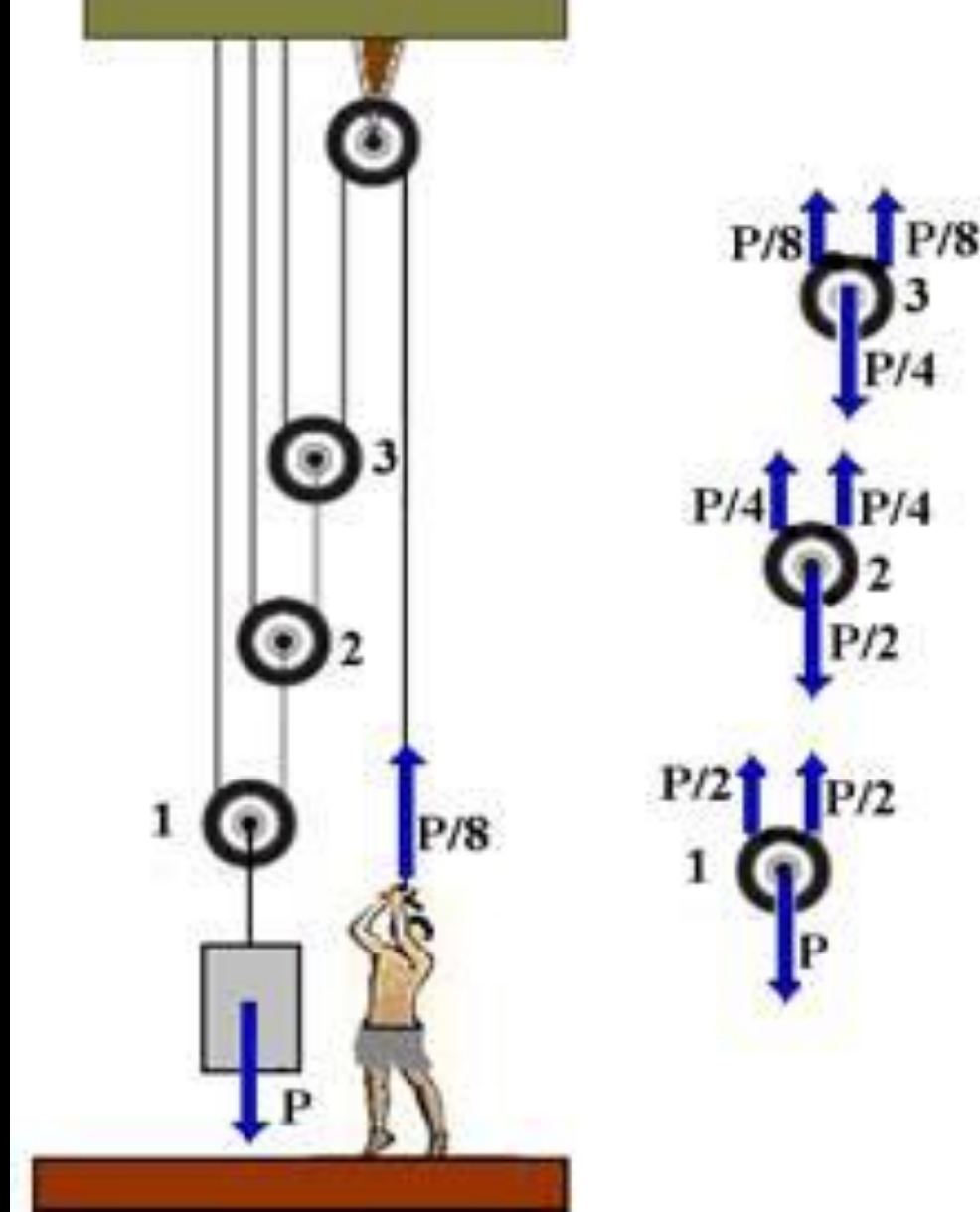
Finalidade: Manter o equilíbrio do sistema de maneira que a força potente aplicada seja reduzida proporcionalmente.

Para n polias móveis:

$$F_{Potente} = \frac{F_{Resistente}}{2^n}$$

RESUMIDAMENTE:

$$F_{Potente} = \frac{F_{Resistente}}{2^n}$$



n é o número de polias móveis

BAHIANA 2015.1

Na construção de grandes obras da arquitetura da Antiguidade, como o pórtico megalítico, o arco romano, o arco gótico, dentre outros, maravilhosos resultados estéticos de equilibradas composições de forças físicas foram obtidos, utilizando máquinas simples da mecânica: plano inclinado, alavanca e polia.

Considerando a figura, que representa um esquema de associação de polias, com três polias móveis e uma fixa, determine o módulo da força que um operador deve exercer na extremidade do dinamômetro para manter o bloco, de massa igual a 80,0kg, em equilíbrio, sendo o módulo da aceleração da gravidade local igual a 10m/s^2 .

$$F_{Potente} = \frac{F_{Resistente}}{2^n}$$

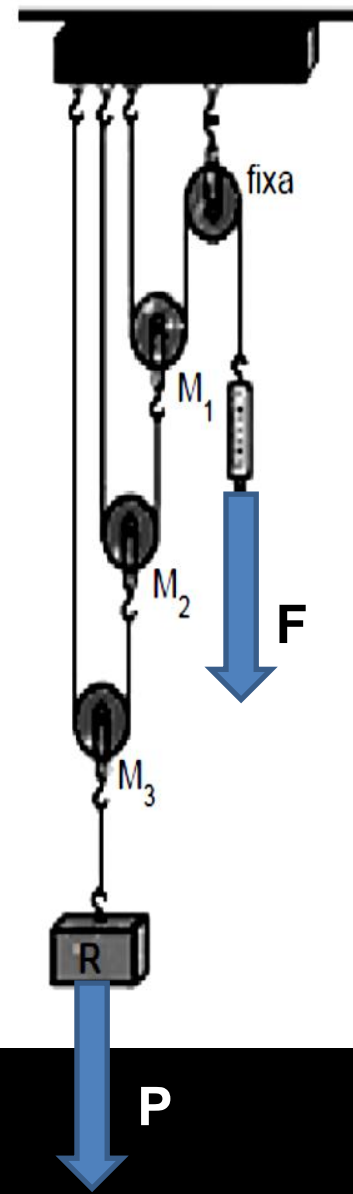
$$F_{Potente} = \frac{P}{2^3}$$

$$F_{Potente} = \frac{m \cdot g}{8}$$

$$F_{Potente} = \frac{80 \cdot 10}{8}$$

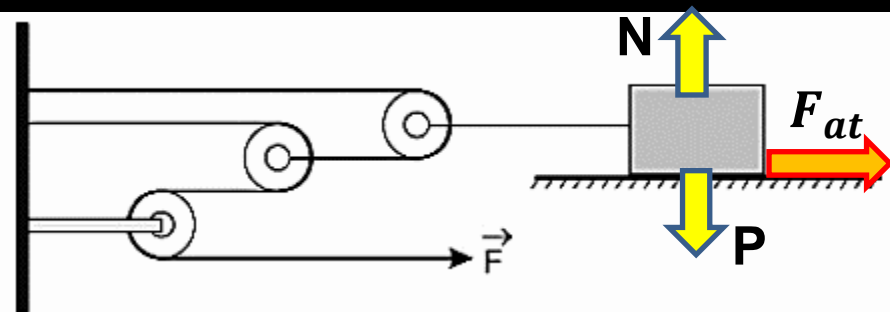
$$F_{Potente} = \frac{800}{8}$$

$$F_{Potente} = 100\text{N}$$



ENEM 2016

Uma invenção que significou um grande avanço tecnológico na Antiguidade, a polia composta ou a associação de polias, é atribuída a Arquimedes (287 a.C. a 212 a.C.). O aparato consiste em associar uma série de polias móveis a uma polia fixa. A figura exemplifica um arranjo possível para esse aparato. É relatado que Arquimedes teria demonstrado para o rei Hierão um outro arranjo desse aparato, movendo sozinho, sobre a areia da praia, um navio repleto de passageiros e cargas, algo que seria impossível sem a participação de muitos homens. Suponha que a massa do navio era de 3000 kg, que o coeficiente de atrito estático entre o navio e a areia era de 0,8 e que Arquimedes tenha puxado o navio com uma força F , paralela à direção do movimento e de módulo igual a 400 N. Considere os fios e as polias ideais, a aceleração da gravidade igual a 10 m/s^2 e que a superfície da praia é perfeitamente horizontal.



O número mínimo de polias móveis usadas, nessa situação, por Arquimedes foi:

- A) 3.
- ☒ B) 6.
- C) 7.
- D) 8.
- E) 10.

$$F_{Potente} = \frac{F_{Resistente}}{2^n}$$

$$F = \frac{F_{at}}{2^n}$$

$$F > \frac{F_{at}}{2^n}$$

$$2^n \cdot F > F_{at}$$

$$2^n \cdot 400 > 24000$$

$$2^n > \frac{24000}{400}$$

$$2^n > 60 \quad n = 6$$

$$F_{at} = \mu \cdot N$$

$$F_{at} = \mu \cdot P$$

$$F_{at} = \mu \cdot m \cdot g$$

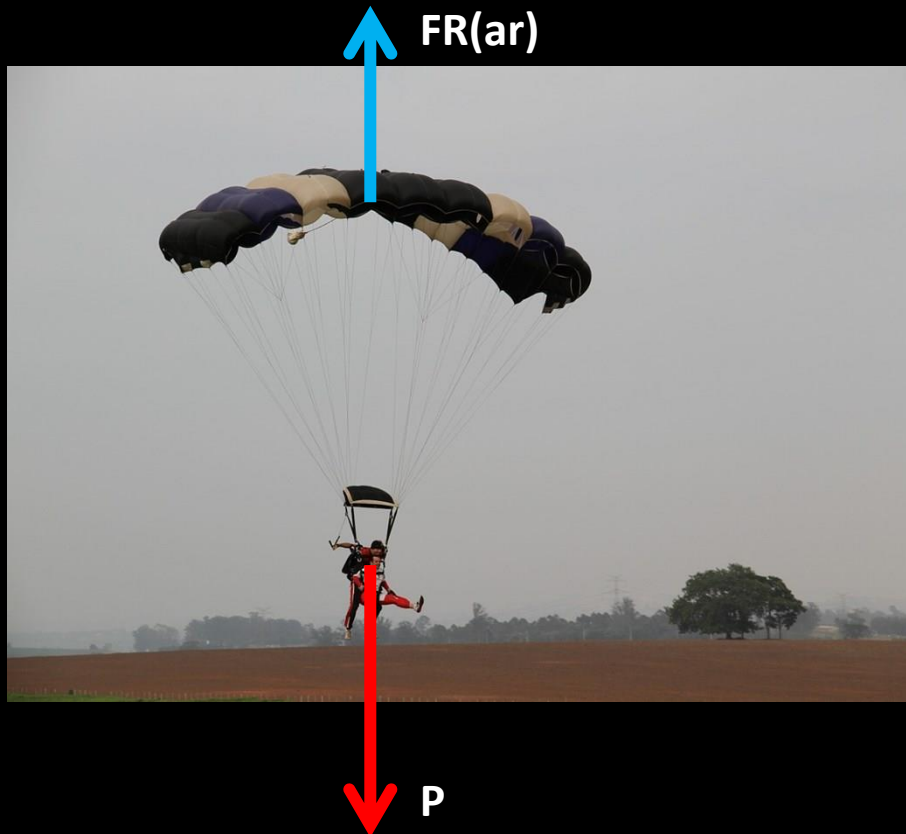
$$F_{at} = 0,8 \cdot 3000 \cdot 10$$

$$F_{at} = 24000N$$

RESISTÊNCIA DE FLUIDOS

Os líquidos e os gases opõem forças contra os corpos em movimento em seu interior.

Analogamente ao atrito em sólidos, a **força de resistência do ar** tem intensidade proporcional ao quadrado da velocidade do corpo.



$$Fr_{ar} \propto V^2$$

$$Fr_{ar} = k \cdot V^2$$

N

m/s

$N \cdot s^2/m^2$

K – É uma constante de proporcionalidade que depende do tamanho e do formato do corpo (em função de sua ÁREA).

Exercícios de resistência do ar

1. Um paraquedista desce com velocidade constante de 4m/s. Sendo a massa do conjunto de 80kg, e a aceleração da gravidade de 10m/s², podemos afirmar que a força de resistência do ar corresponde, no sistema internacional de unidades, a:



$$Fr_{ar} = P$$

$$Fr_{ar} = m \cdot g$$

$$Fr_{ar} = 80 \cdot 10$$

$$Fr_{ar} = 800N$$

Exercícios de resistência do ar

2. Um macaco, de massa $m = 1,0 \text{ kg}$, desprende-se do galho de uma árvore, à beira de um penhasco, e cai verticalmente.

Sua velocidade aumenta, em módulo, até o valor $v = 30 \text{ m/s}$, quando se torna constante, devido à resistência do ar. Por sorte, o macaco cai sobre uma vegetação, que amortece a queda, parando-o completamente. ($g = 10 \text{ m/s}^2$).



$$Fr_{ar} = P$$

$$k \cdot V^2 = m \cdot g$$

$$k \cdot 30^2 = 1 \cdot 10$$

$$~~k \cdot 900 = 10~~$$

$$k = \frac{1}{90} \text{ N} \cdot \text{s}^2 / \text{m}^2$$

Determine, a constante de resistência do ar, em $\text{N} \cdot \text{s}^2 / \text{m}^2$.

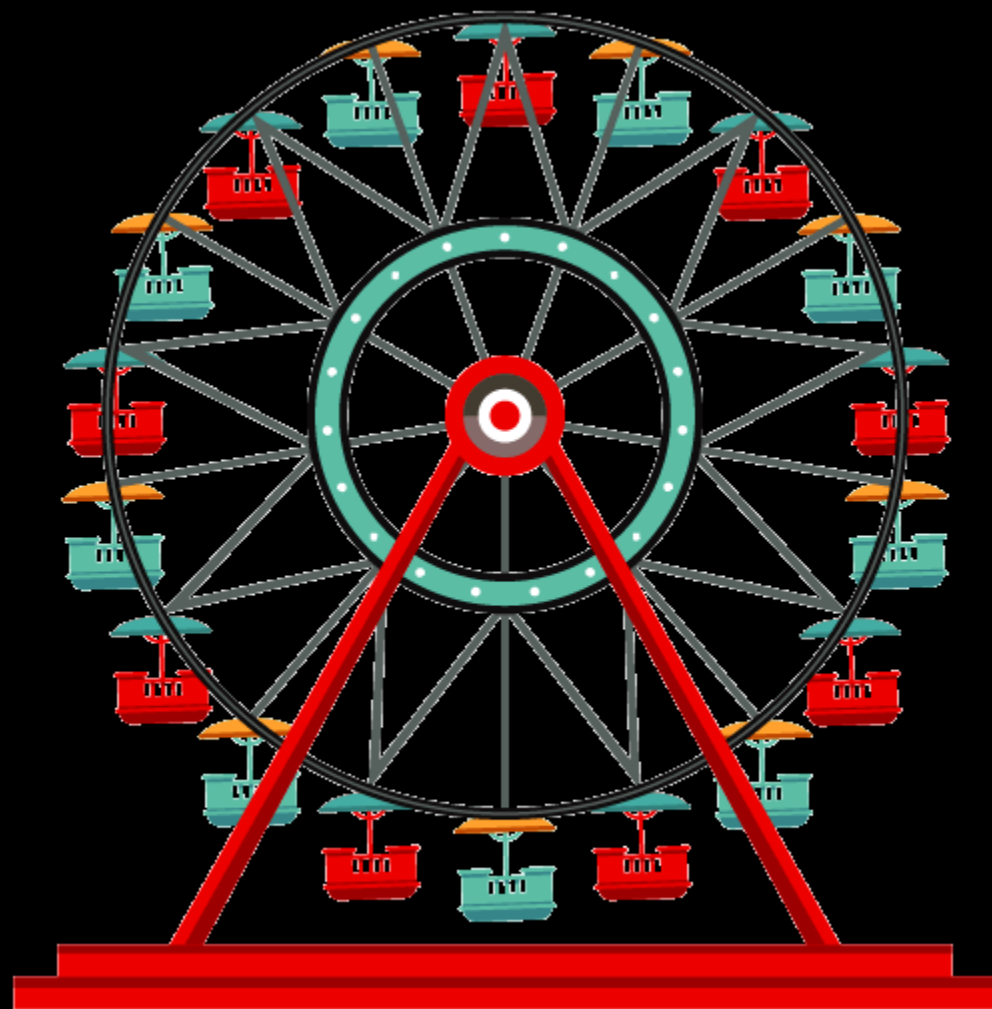
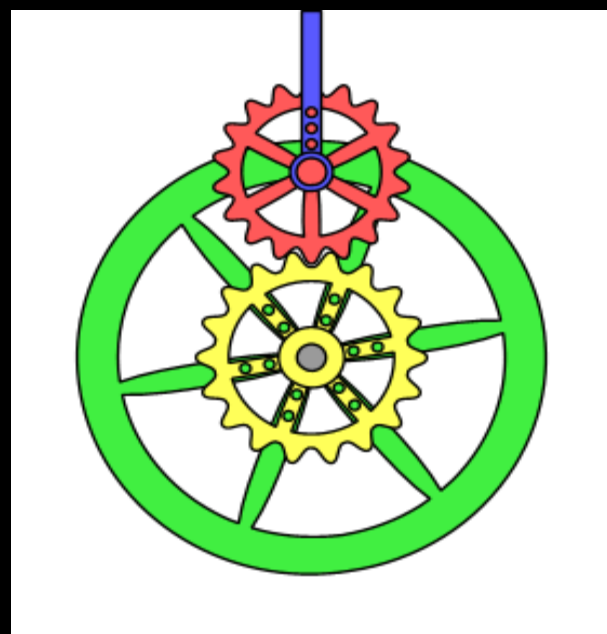
MOVIMENTO CIRCULAR UNIFORME

MECÂNICA

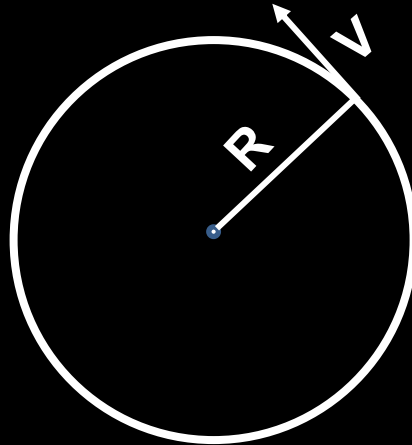
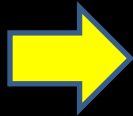
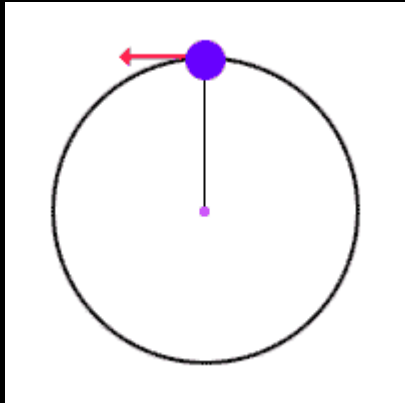
FÍSICA

2020

M.C.U.



Análise do Movimento circular Uniforme (M.C.U.)



2. Deslocamento angular ($\Delta\varphi$)

$$\Delta\varphi = 2 \cdot \pi$$

rad

FIQUE ATENTO!

$$\Delta S = 2 \cdot \pi \cdot R$$

$$\Delta S = \Delta\varphi \cdot R$$



$$Grandeza_{Escalar} = Grandeza_{Angular} \cdot R$$

$$1 \text{ volta} \Rightarrow 360^\circ \Rightarrow 2\pi \text{ rad}$$

Fundamentos:

1. Deslocamento escalar (ΔS)

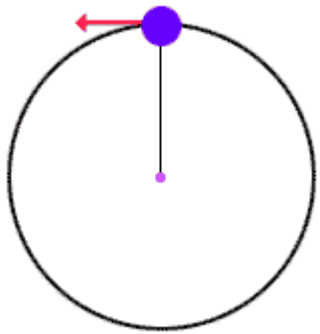
$$\Delta S = C \odot = 2 \cdot \pi \cdot R$$

$$\Delta S = 2 \cdot \pi \cdot R$$

m

Análise do Movimento circular Uniforme (M.C.U.)

Fundamentos:



3. Período (T): É o tempo gasto para completar uma volta no movimento circular.

4. Frequência (f): Corresponde ao número de voltas executadas durante o movimento circular em função do tempo.

$$f = \frac{n}{\Delta t}$$

Hertz (Hz)

Em uma volta

$$f = \frac{1}{T}$$

Hertz (Hz)

Segundos(s)

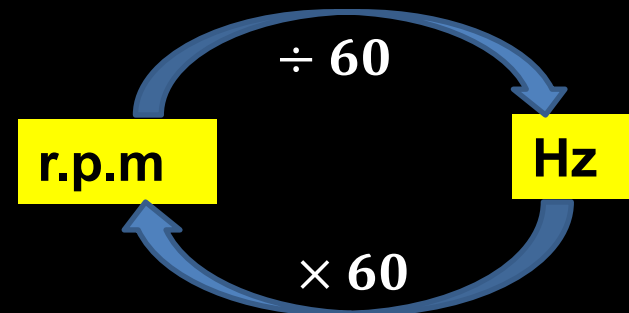
$$T = \frac{1}{f}$$

Importante!
Frequência

$n \Rightarrow$ É o número de voltas ou rotações no MCU.

Hz = Rotações por segundo (r.p.s.)

r.p.m = Rotações por minuto

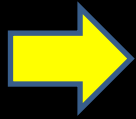


Análise do Movimento circular Uniforme (M.C.U.)

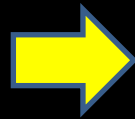
Fundamentos:

4. Velocidade escalar ou Tangencial

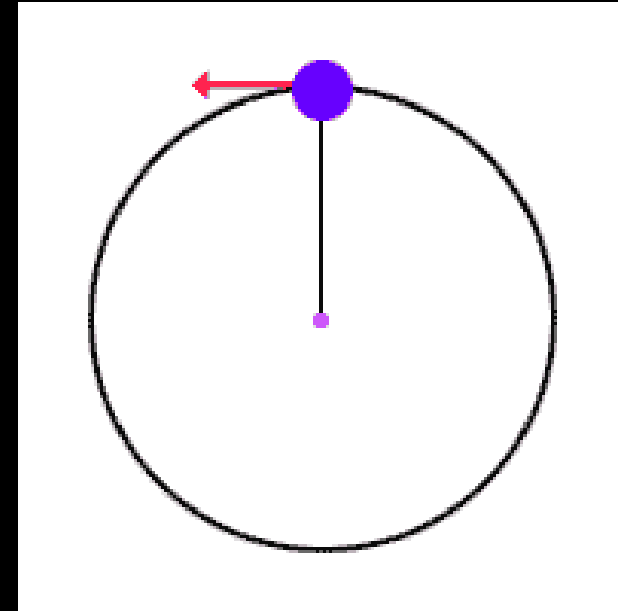
$$V = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$



$$V = \frac{2\pi R}{T}$$

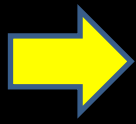


$$V = 2\pi R \cdot f$$

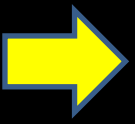


5. Velocidade angular (ω)

$$\omega = \frac{\Delta \varphi}{\Delta t}$$



$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$



$$\omega = 2\pi \cdot f$$

$$f = \frac{1}{T}$$

RELAÇÃO:

$$V = \frac{2\pi R}{T}$$



$$V = \frac{2\pi R}{T}$$



$$V = \omega \cdot R$$

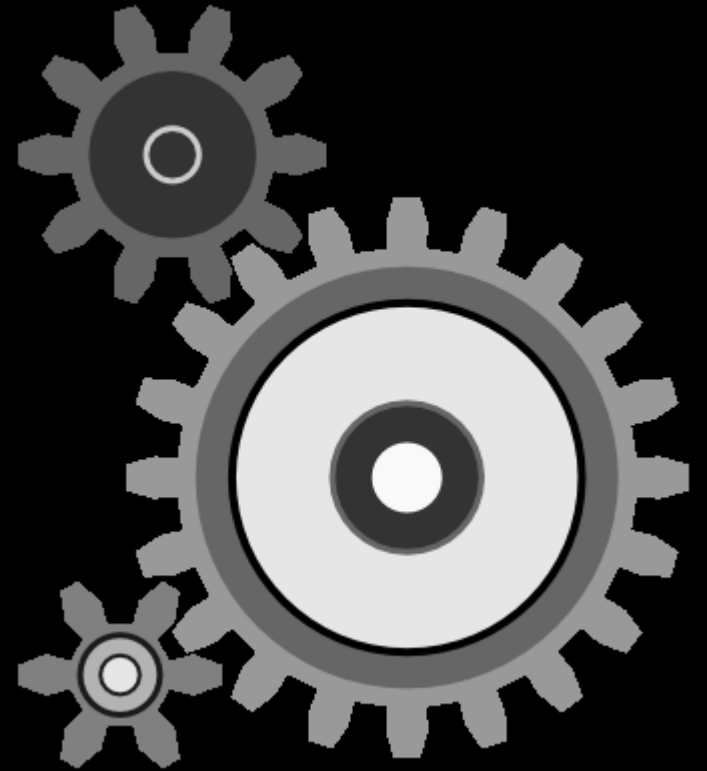
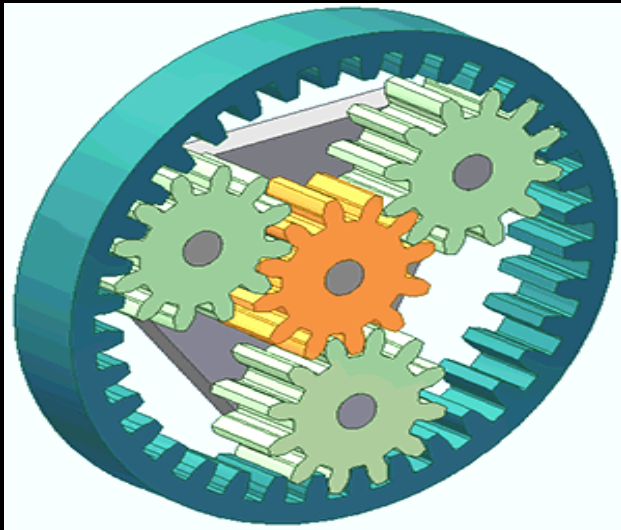
m/s

Rad/s

m

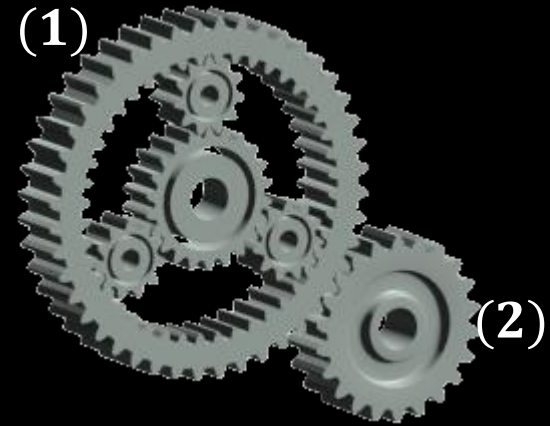
Aplicações do MCU

Acoplamento de polias



Aplicações do MCU

Acoplamento de polias



$$V = \omega \cdot R$$

Por correia (Contato indireto)

$$V_1 = V_2$$

$$\omega_1 \cdot R_1 = \omega_2 \cdot R_2$$

$$\frac{2\pi}{T_1} \cdot R_1 = \frac{2\pi}{T_2} \cdot R_2$$

$$\frac{R_1}{T_1} = \frac{R_2}{T_2}$$

O contato direto se diferencia por giros em sentidos opostos, enquanto o contato indireto gira em um mesmo sentido.

$$R_1 \cdot f_1 = R_2 \cdot f_2$$

Por Contato direto

$$V_1 = V_2$$

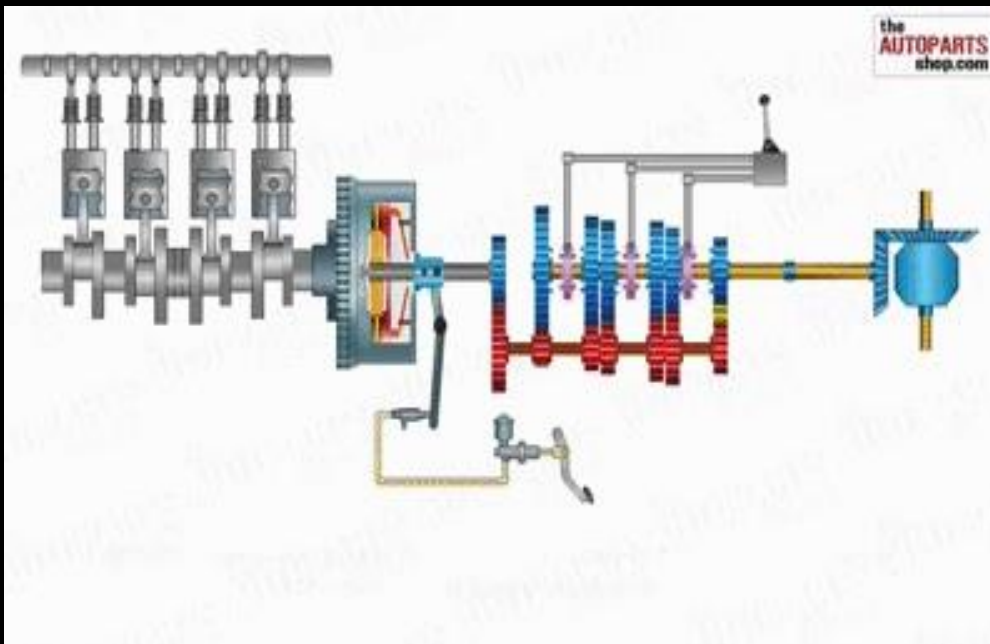
$$\frac{R_1}{T_1} = \frac{R_2}{T_2}$$

$$R_1 \cdot f_1 = R_2 \cdot f_2$$

Aplicações do MCU

Acoplamento de polias II.

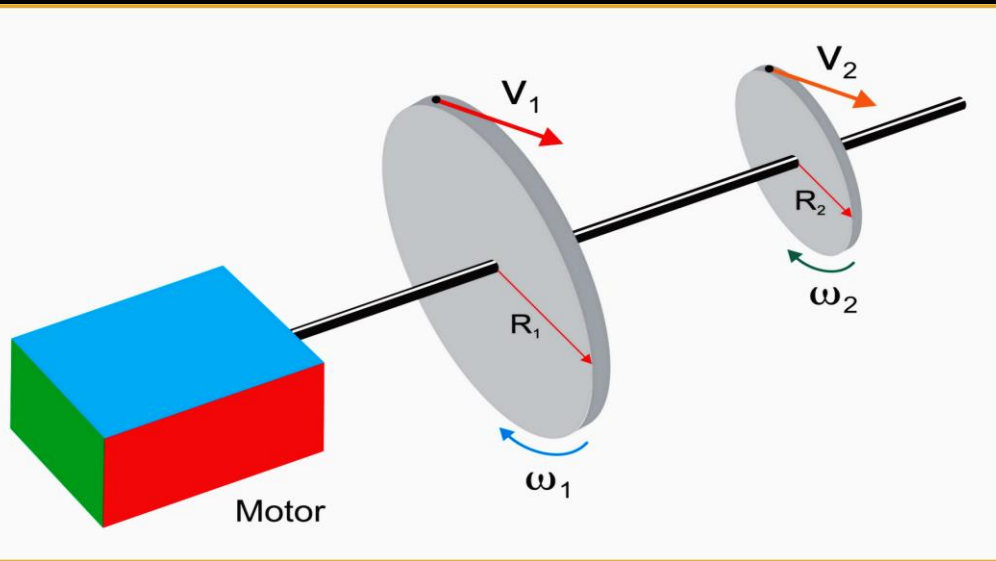
Por eixo de rotação



Aplicações do MCU

Acoplamento de polias II.

Por eixo de rotação



$$\omega_1 = \omega_2$$

$$\frac{2\pi}{T_1} = \frac{2\pi}{T_2}$$

~~$$\frac{2\pi}{T_1} = \frac{2\pi}{T_2}$$~~

$$\frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_2}$$

$$T_1 = T_2$$

$$f_1 = f_2$$

Importante!

$$V = \omega \cdot R$$



$$\omega = \frac{V}{R}$$

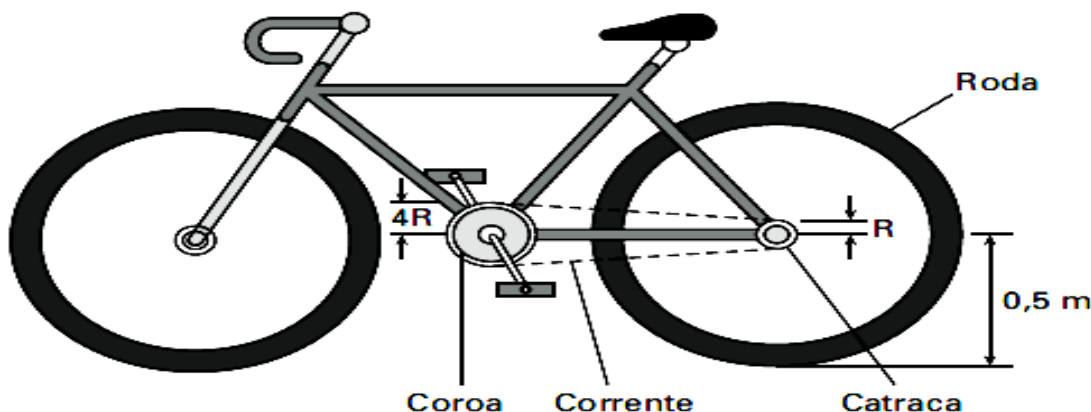
$$\omega_1 = \omega_2$$



$$\frac{V_1}{R_1} = \frac{V_2}{R_2}$$

EXERCÍCIO

8 (UFPB) Em uma bicicleta, a transmissão do movimento das pedaladas se faz por meio de uma corrente, acoplando um disco dentado dianteiro (coroa) a um disco dentado traseiro (catraca), sem que haja deslizamento entre a corrente e os discos. A catraca, por sua vez, é acoplada à roda traseira de modo que as velocidades angulares da catraca e da roda sejam as mesmas (ver a seguir figura representativa de uma bicicleta).



Em uma corrida de bicicleta, o ciclista desloca-se com velocidade escalar constante, mantendo um ritmo estável de pedaladas, capaz de imprimir no disco dianteiro uma velocidade angular de 4 rad/s , para uma configuração em que o raio da coroa é $4R$, o raio da catraca é R e o raio da roda é $0,5\text{ m}$. Com base no exposto, conclui-se que a velocidade escalar do ciclista é:

- a) 2 m/s
- b) 4 m/s
- c) 8 m/s
- d) 12 m/s
- e) 16 m/s

$$\omega_{\text{Ciclista}} = \omega_{\text{coroa}}$$

$$4 = \frac{V_{\text{coroa}}}{R_{\text{coroa}}} \iff 4 = \frac{V_{\text{coroa}}}{4R}$$

$$V_{\text{coroa}} = 16R$$

$$V_{\text{coroa}} = V_{\text{catraca}}$$

$$16R = \omega_{\text{catraca}} \cdot R_{\text{catraca}}$$

$$\cancel{16R} = \omega_{\text{catraca}} \cdot \cancel{R}$$

$$\omega_{\text{catraca}} = 16\text{ rad/s}$$

$$\omega_{\text{catraca}} = \omega_{\text{roda}}$$

$$16 = \frac{V_{\text{roda}}}{R_{\text{roda}}}$$

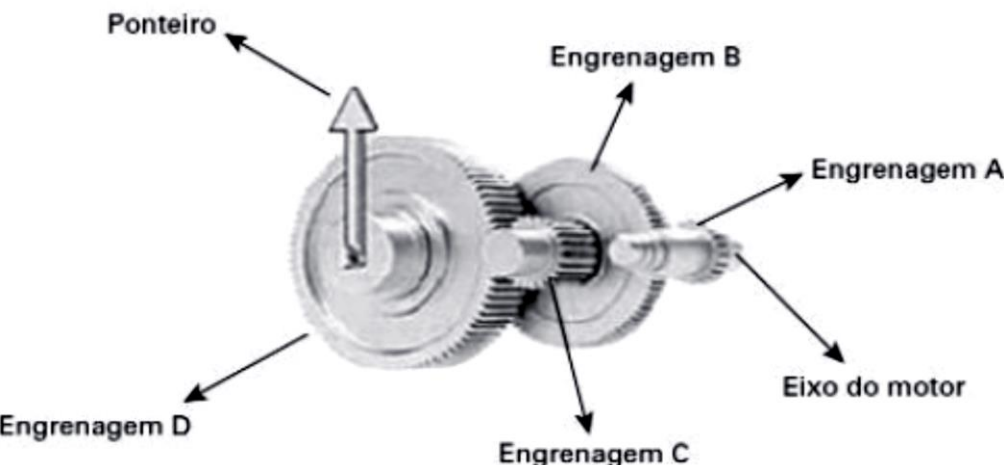
$$16 = \frac{V_{\text{roda}}}{0,5}$$

$$V_{\text{roda}} = 16 \cdot 0,5 = \mathbf{8\text{ m/s}}$$

EXERCÍCIO - ENEM

(ENEM) A invenção e o acoplamento entre engrenagens revolucionaram a ciência na época e propiciaram a invenção de várias tecnologias, como os relógios. Ao construir um pequeno cronômetro, um relojoeiro usa o sistema de engrenagens mostrado. De acordo com a figura, um motor é ligado ao eixo e movimenta as engrenagens fazendo o ponteiro girar. A frequência do motor é de 18 RPM, e o número de dentes das engrenagens está apresentado no quadro.

Engrenagem	Dentes
A	24
B	72
C	36
D	108



A frequência de giro do ponteiro, em RPM, é

a) 1

d) 81

☒ b) 2

e) 162

c) 4

$$\omega_{\text{Ponteiro}} = \omega_D$$

$$f_{\text{Ponteiro}} = f_D$$

$$V_D = V_C$$

$$R_D \cdot f_D = R_C \cdot f_C$$

$$R_D = 3 \cdot R_C$$

$$3 \cdot \cancel{R_C} \cdot f_D = \cancel{R_C} \cdot f_C$$

$$3 \cdot f_D = f_C$$

$$f_C = f_B$$

$$V_B = V_A$$

$$R_B \cdot f_B = R_A \cdot f_A$$

$$R_B = 3 \cdot R_A$$

$$3 \cdot \cancel{R_A} \cdot f_B = \cancel{R_A} \cdot f_A$$

$$3 \cdot f_B = f_A$$

$$3 \cdot f_C = f_A$$

$$3 \cdot 3 \cdot f_D = f_{\text{Motor}}$$

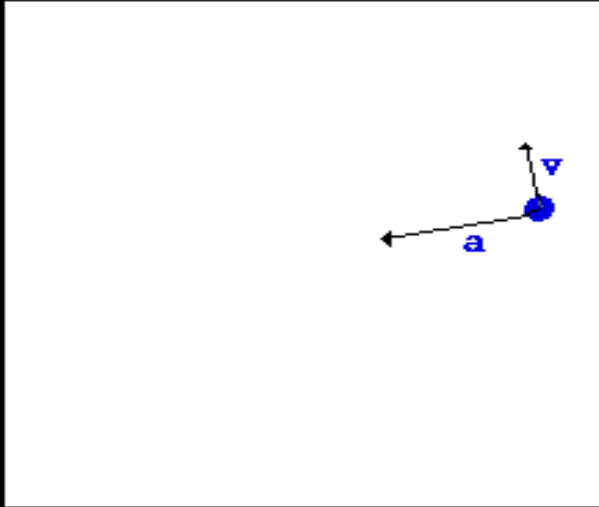
$$9 \cdot f_D = 18$$

$$f_D = \frac{18}{9}$$

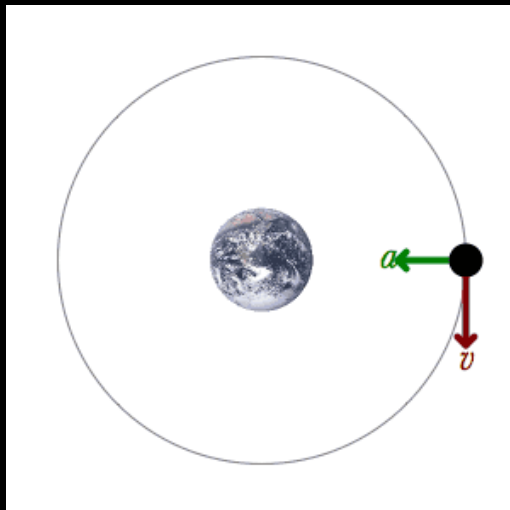
$$f_{\text{Ponteiro}} = 2 \text{rpm}$$

Aceleração centrípeta

É a aceleração responsável pela manutenção do movimento circular, em função do raio da trajetória e da velocidade tangencial.



Satélites em órbita circular



$$a_c = \frac{V^2}{R}$$

$$V = \omega \cdot R$$

$$a_c = \frac{(\omega \cdot R)^2}{R}$$

$$a_c = \frac{V^2}{R}$$

$$a_c = \frac{\omega^2 \cdot R^2}{R}$$

$$a_c = \omega^2 \cdot R$$

$$a_c = \omega^2 \cdot R$$

QUESTÃO ENEM

(Enem) O Brasil pode se transformar no primeiro país das Américas a entrar no seleto grupo das nações que dispõem de trens-bala. O Ministério dos Transportes prevê o lançamento do edital de licitação internacional para a construção da ferrovia de alta velocidade Rio-São Paulo. A viagem ligará os 403 quilômetros entre a Central do Brasil, no Rio, e a Estação da Luz, no centro da capital paulista, em uma hora e 25 minutos.

Disponível em: <http://oglobo.globo.com>. Acesso em: 14 jul. 2009.

$$\Delta s = 403 \text{ km} = 403000 \text{ m}$$

$$\Delta t = 1 \text{ h e } 25 \text{ min} = 3600 \text{ s} + 1500 \text{ s} = 5100 \text{ s}$$

Devido à alta velocidade, um dos problemas a ser enfrentado na escolha do trajeto que será percorrido pelo trem é o dimensionamento das curvas. Considerando-se que uma aceleração lateral confortável para os passageiros e segura para o trem seja de $0,1 \text{ g}$, em que g é a aceleração da gravidade (considerada igual a 10 m/s^2), e que a velocidade do trem se mantenha constante em todo o percurso, seria correto prever que as curvas existentes no trajeto deveriam ter raio de curvatura mínimo de, aproximadamente,

A) 80 m.

$$a_c = 0,1 \cdot g$$

B) 430 m.

$$a_c = 0,1 \cdot 10$$

C) 800 m.

$$a_c = 1 \text{ m/s}^2$$

D) 1.600 m.

☒ E) 6.400 m.

$$V = \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

$$V = \frac{403000}{5100}$$

$$V \cong 80 \text{ m/s}$$

$$a_c = \frac{V^2}{R}$$

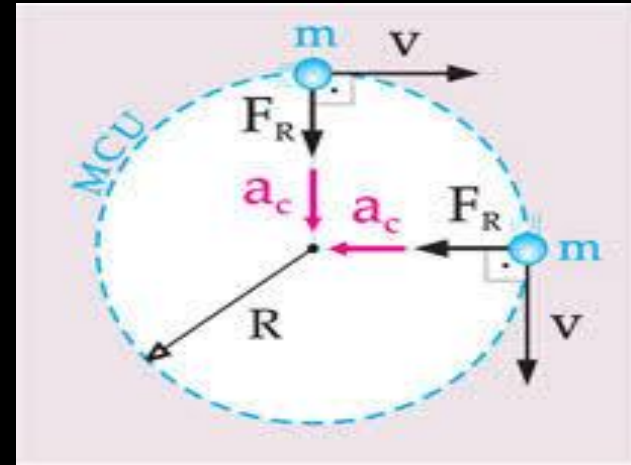
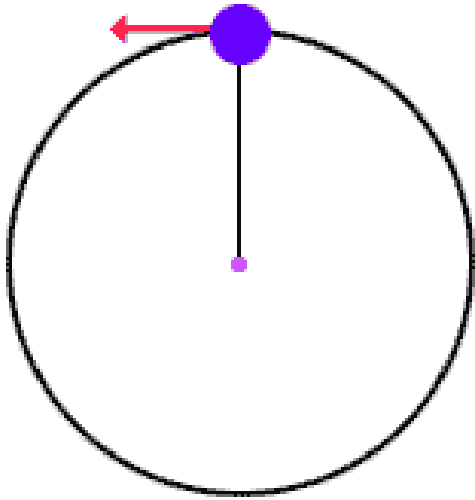


$$1 = \frac{80^2}{R}$$

$$R = 6400 \text{ m}$$

FORÇA CENTRÍPETA

É a força resultante do movimento circular.



$$\vec{F}_R = m \cdot \vec{a}$$

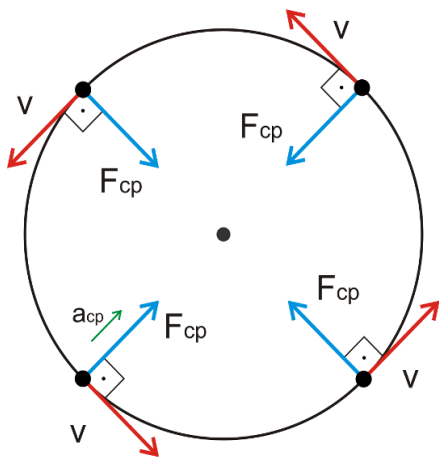
$$a_c = \frac{v^2}{R}$$

$$F_c = m \cdot a_c$$

$$a_c = \omega^2 \cdot R$$

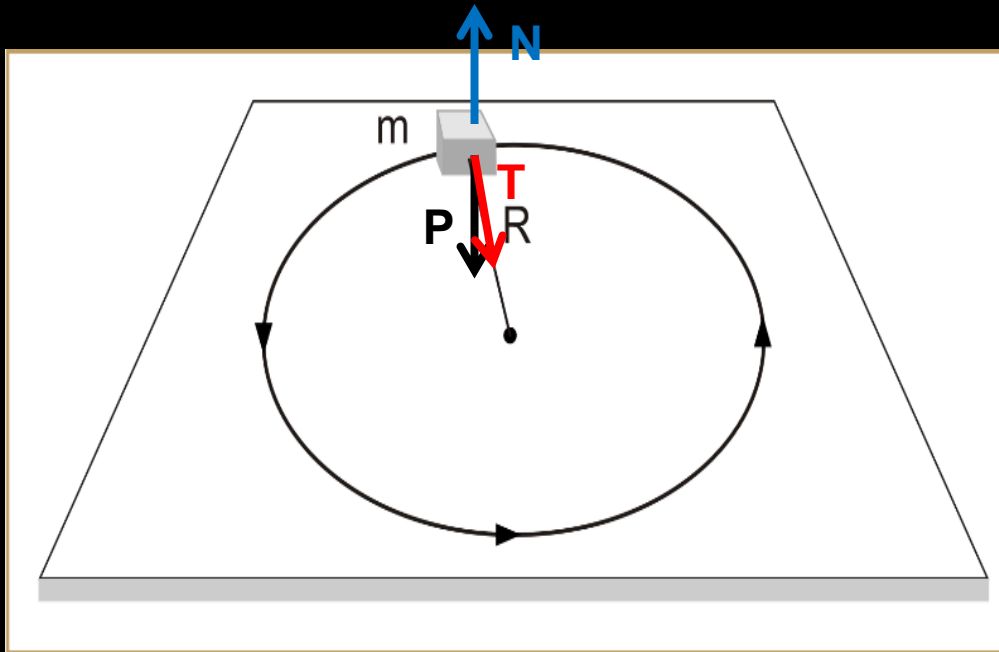
$$F_c = m \cdot \frac{v^2}{R}$$

$$F_c = m \cdot \omega^2 \cdot R$$



APLICAÇÕES: TRAÇÃO I

GIRO HORIZONTAL

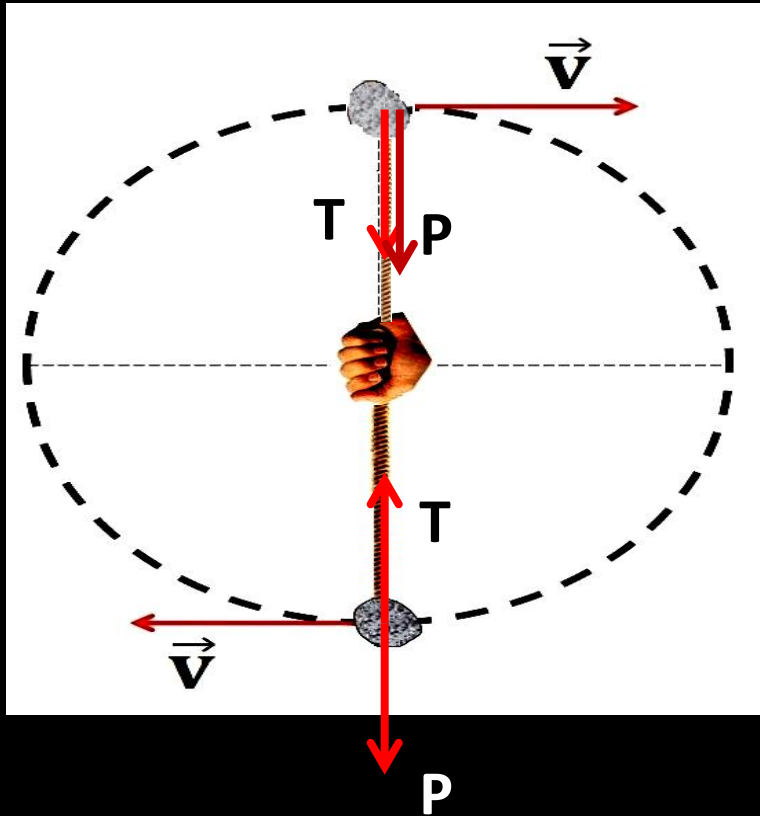


$$T = F_c$$

A tração no fio mantém a trajetória circular do corpo. Nesse caso, a tração é a força resultante, portanto a própria força centrípeta.

APLICAÇÕES: TRAÇÃO II

GIRO VERTICAL



Na parte inferior:

$$T - P = F_c$$

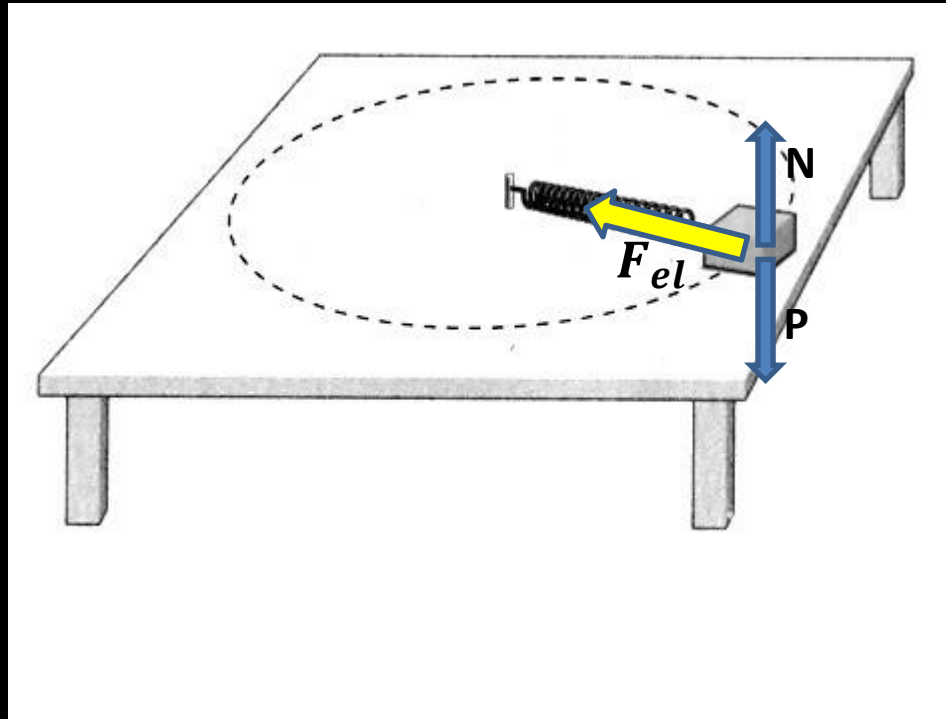
$$T - P = m \cdot a_c$$

Na parte superior:

$$T + P = F_c$$

$$T + P = m \cdot a_c$$

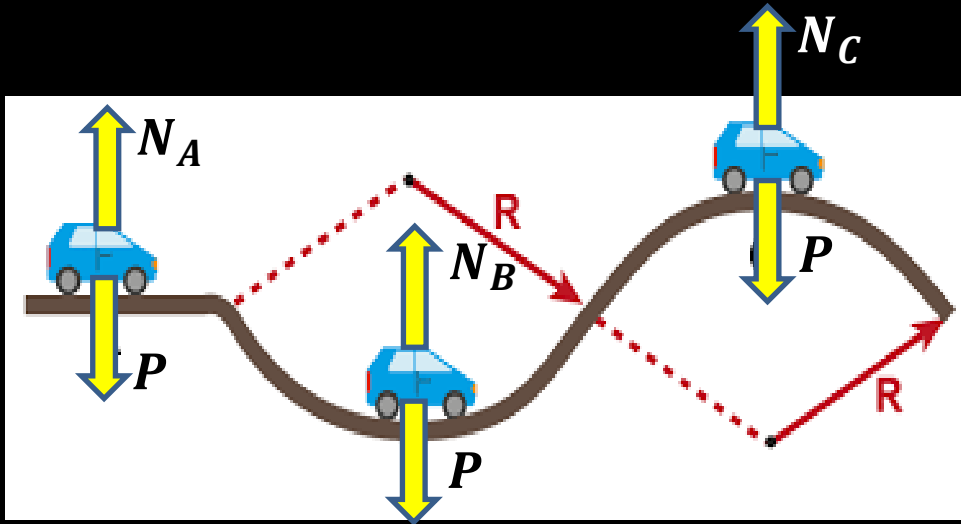
Analogia com a força elástica



$$F_{el} = F_c$$

APLICAÇÕES IMPORTANTES

1. Leitura da força NORMAL (N)



$$N_A = P$$

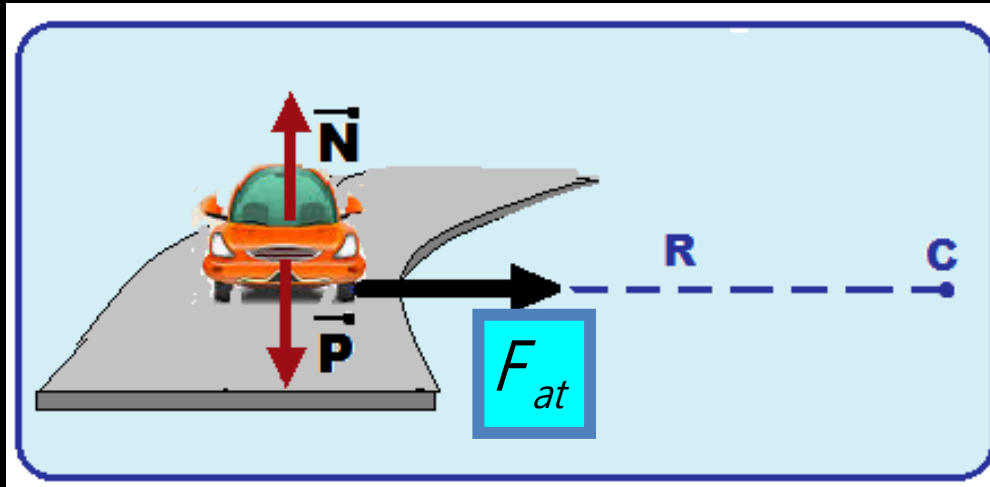
$$N_B > P$$

$$N_C < P$$

$$N_B > N_A > N_C$$

APLICAÇÕES IMPORTANTES

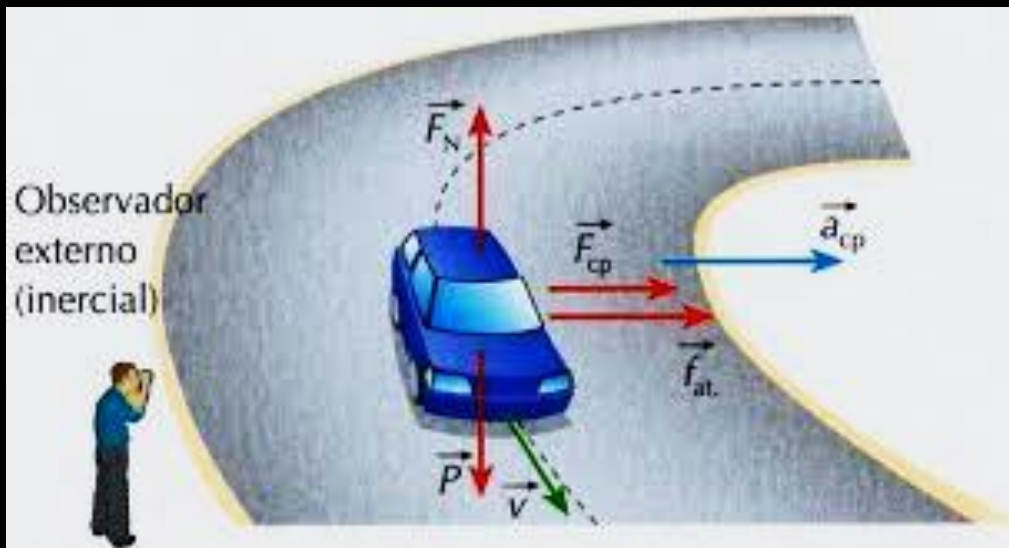
2. Atritos nas curvas



$$F_{at} = F_c$$

$$\mu \cdot N = m \cdot \frac{v^2}{R}$$

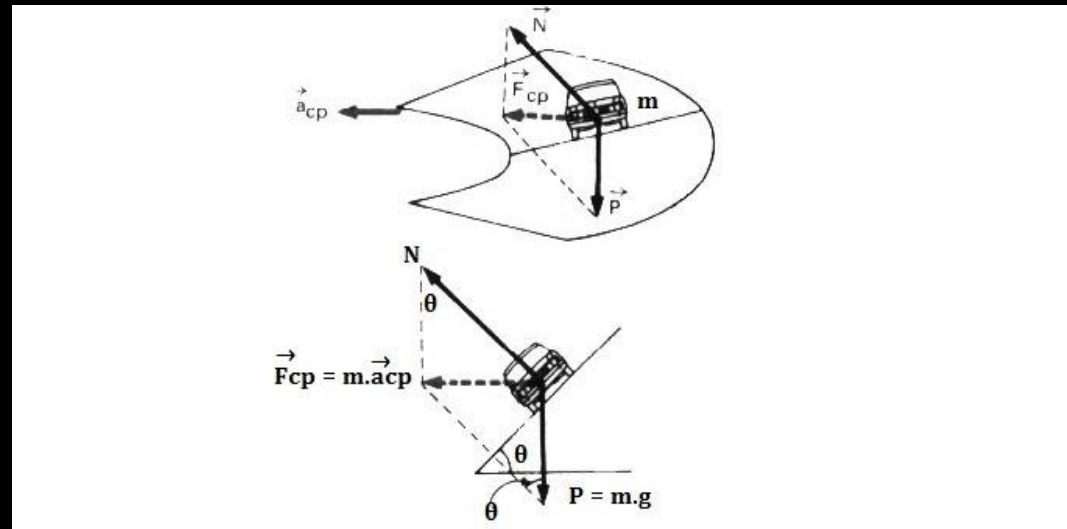
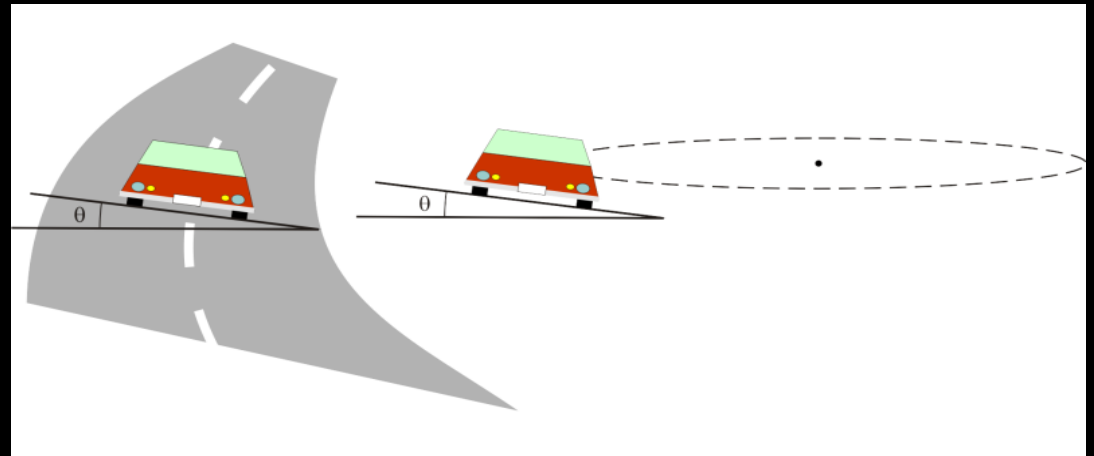
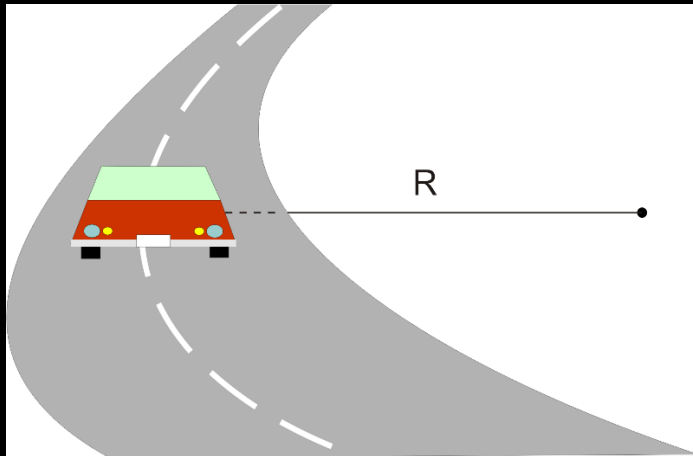
$$\cancel{\mu} \cdot \cancel{m} \cdot g = \cancel{m} \cdot \frac{v^2}{R}$$



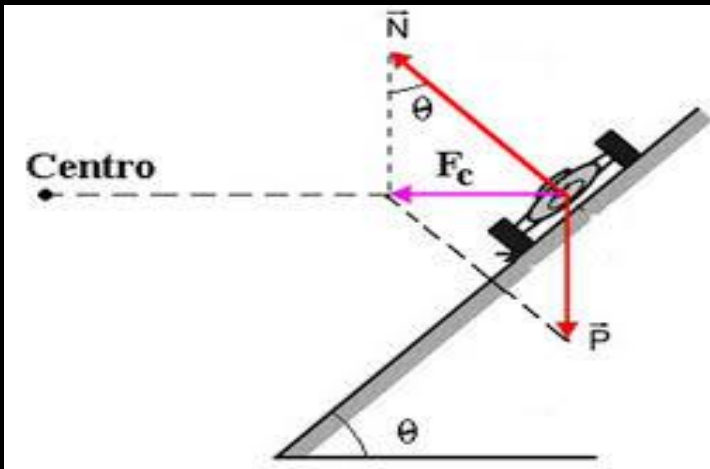
$$\mu = \frac{v^2}{R \cdot g}$$

APLICAÇÕES IMPORTANTES

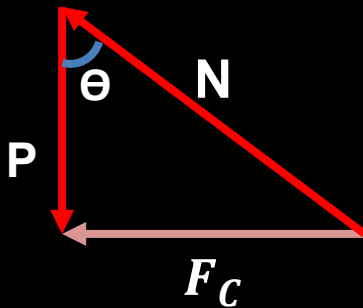
2.1 Atrito nas curvas – Sobrelevação nas pistas.



Ângulo de sobrelevação



A sobrelevação da pista compensa o atrito com o solo, mantendo a condição de atrito **ESTÁTICO**, pois impede o deslizamento dos veículos.



$$\operatorname{tg} \theta = \frac{F_c}{P}$$

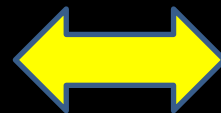


$$\operatorname{tg} \theta = \frac{m \cdot \frac{V^2}{R}}{m \cdot g}$$



$$\operatorname{tg} \theta = \frac{V^2}{R \cdot g}$$

$$\mu = \frac{V^2}{R \cdot g}$$

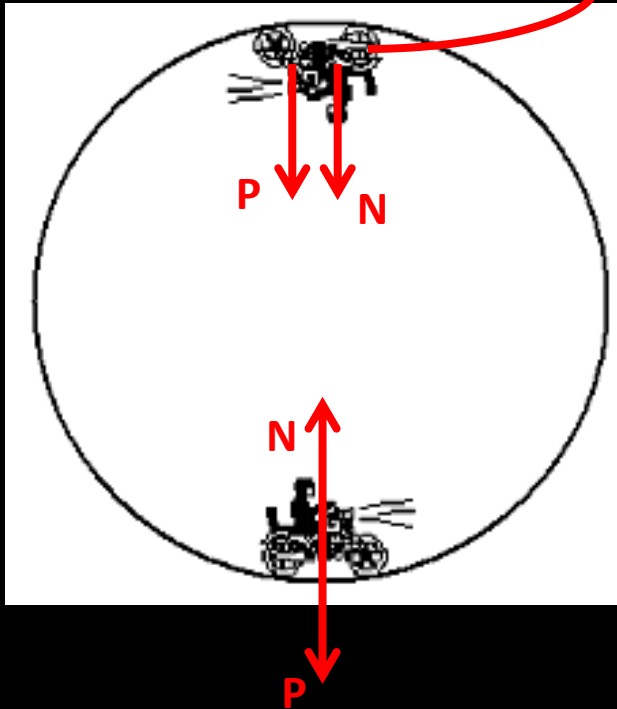


$$\mu = \operatorname{tg} \theta$$

APLICAÇÕES IMPORTANTES

3. Globo da morte

No ponto mais alto, a velocidade é mínima e a força NORMAL $N \cong 0$, pois o móvel está na “iminência de cair”.



$$~~P + N = F_c~~$$

$$P = F_c$$

$$~~m \cdot g = m \cdot \frac{V^2}{R}~~$$

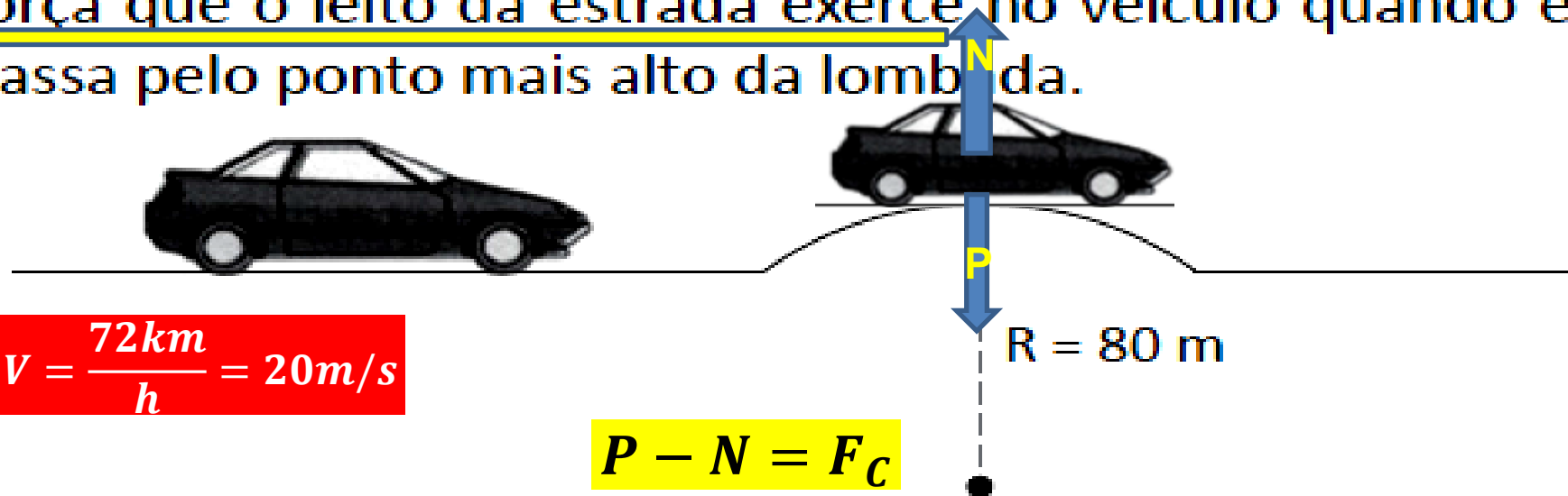
$$V^2 = R \cdot g$$

$$V_{\text{mínima}} = \sqrt{R \cdot g}$$

No ponto mais baixo, a velocidade é máxima.

$$N - P = F_c \Rightarrow N - P = m \cdot \frac{V^2}{R}$$

(FEI-SP) Um veículo de massa 1.600 kg percorre um trecho de estrada (desenhada em corte na figura e contida num plano vertical) em lombada, com velocidade de 72 km/h. Adote $g = 10 \text{ m/s}^2$. Determine a intensidade da força que o leito da estrada exerce no veículo quando ele passa pelo ponto mais alto da lombada.



$$v = \frac{72 \text{ km}}{h} = 20 \text{ m/s}$$

$$P - N = F_c$$

$$m \cdot g - N = m \cdot \frac{v^2}{R}$$

A) 1.000 N

B) 2.000 N

C) 4.000 N

☒ D) 8.000 N

E) 16.000 N

$$1600 \cdot 10 - N = \cancel{1600} \cdot \frac{20^2}{\cancel{80}}$$

$$16000 - N = 20.400$$

$$16000 - N = 8000 \rightarrow N = 8000 \text{ N}$$

(UnB - DF – modificado) Um caminhão, levando um baú solto na carroceria, faz uma curva horizontal, de raio 125 m. Admita o coeficiente de atrito estático entre o baú e a carroceria igual a 0,5 e considere $g = 10 \text{ m/s}^2$. A velocidade máxima que o caminhão pode desenvolver na curva, sem que o baú deslize, é:

- A) 36 km/h
- B) 54 km/h
- C) 72 km/h
- D) 80 km/h
- ☒ E) 90 km/h

$$F_{at} = F_c$$

$$\mu = \frac{v^2}{R \cdot g}$$

$$0,5 = \frac{v^2}{125 \cdot 10}$$

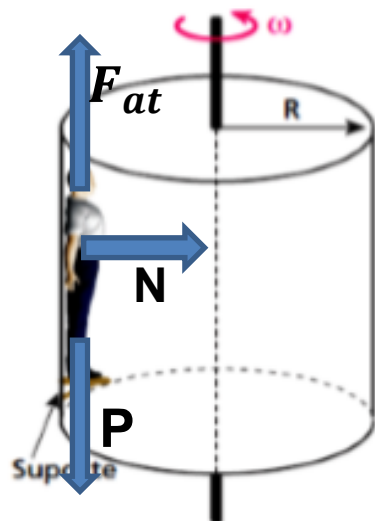
$$v^2 = 625$$

$$v = \sqrt{625}$$

$$v = 25 \text{ m/s} \rightarrow v = 25 \cdot 3,6 = 90 \text{ km/h}$$

(USC-SP) Um dos aparelhos mais apreciados em parques de diversão é o rotor. Com o rotor em repouso, algumas pessoas entram nele e se colocam de costas para a parede lateral, apoiadas no piso. Através de um motor, o sistema entra em acelerada rotação. A partir de certa velocidade, o piso é abaixado e as pessoas dentro do rotor perdem o apoio dos pés, mas não caem, porque estão fortemente comprimidas contra a parede lateral e o atrito é suficiente para impedir o deslizamento. Considerando que o coeficiente de atrito estático é igual a 0,25 e que a menor velocidade angular que o rotor deve ter é de 5,00 rad/s para que possa abaixar o piso, qual é a medida do raio do rotor? Adote $g = 10 \text{ m/s}^2$.

- ☒ A) 1,6 m
- B) 1,0 m
- C) 1,2 m
- D) 1,8 m
- E) 2,0 m



$$N = F_c$$

$$F_{at} = P$$

$$\mu \cdot N = m \cdot g$$

$$\mu \cdot F_c = m \cdot g$$

$$\mu \cdot \cancel{m} \cdot \omega^2 \cdot R = \cancel{m} \cdot g$$

$$\mu \cdot \omega^2 \cdot R = g$$

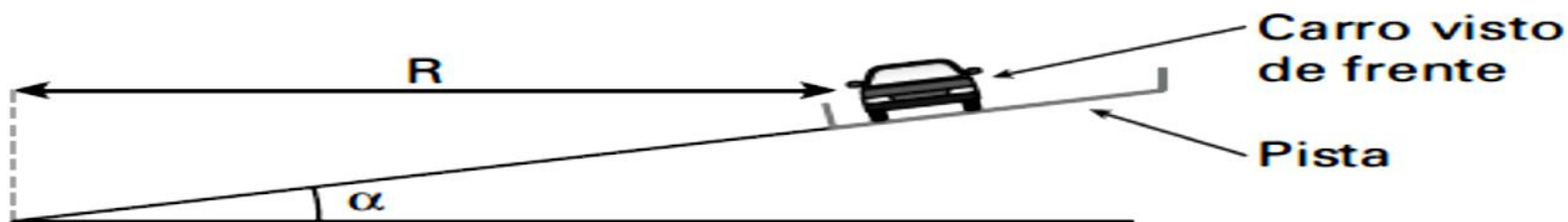
$$\frac{1}{4} \cdot 5^2 \cdot R = 10$$

$$25R = 40$$

$$R = \frac{40}{25}$$

$$R = 1,6 \text{ m}$$

- 19 (FGV-SP) Em um dia muito chuvoso, um automóvel, de massa m , trafega por um trecho horizontal e circular de raio R . Prevendo situações como essa, em que o atrito dos pneus com a pista praticamente desaparece, a pista é construída com uma sobre-elevação externa de um ângulo α , como mostra a figura. A aceleração da gravidade no local é g .



A máxima velocidade que o automóvel, tido como ponto material, poderá desenvolver nesse trecho, considerando ausência total de atrito, sem derrapar, é dada por

- a) $\sqrt{m \cdot g \cdot R \cdot \operatorname{tg} \alpha}$
- b) $\sqrt{m \cdot g \cdot R \cdot \cos \alpha}$
- ☒ c) $\sqrt{g \cdot R \cdot \operatorname{tg} \alpha}$
- d) $\sqrt{g \cdot R \cdot \cos \alpha}$
- e) $\sqrt{g \cdot R \cdot \operatorname{sen} \alpha}$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{v^2}{R \cdot g}$$

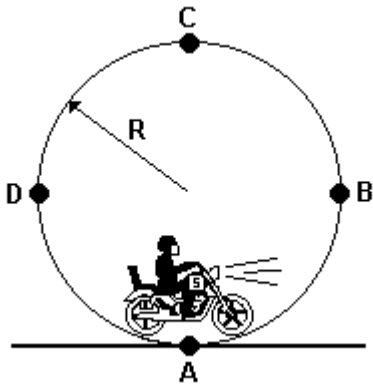
$$v^2 = R \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha$$

$$V = \sqrt{R \cdot g \cdot \operatorname{tg} \alpha} \longleftrightarrow V = \sqrt{g \cdot R \cdot \operatorname{tg} \alpha}$$

Exercício

Uma atração muito popular nos circos é o "Globo da Morte", que consiste numa gaiola de forma esférica no interior da qual se movimenta uma pessoa pilotando uma motocicleta. Considere um globo de raio $R = 3,6\text{m}$.

Qual a velocidade mínima que a motocicleta deve ter no ponto C para não perder o contato com o interior do globo?



$$V_{\text{mínima}} = \sqrt{R \cdot g}$$

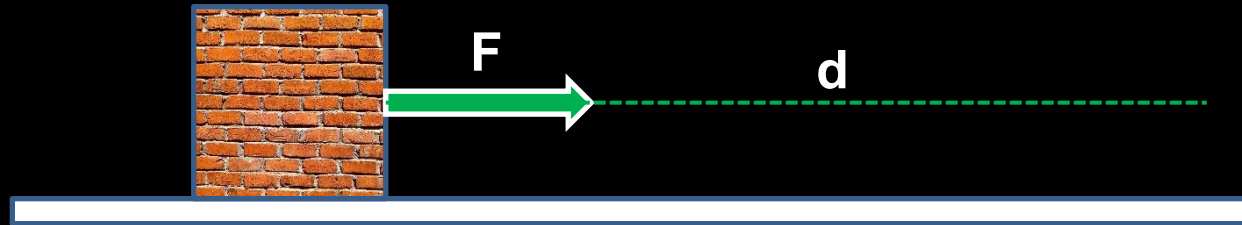
$$V_{\text{mínima}} = \sqrt{3,6 \cdot 10}$$

$$V_{\text{mínima}} = \sqrt{36}$$

$$V_{\text{mínima}} = 6\text{m/s}$$

Trabalho mecânico (τ)

É a energia necessária e suficiente para que uma força produza deslocamento.



$$\tau = F \cdot d$$

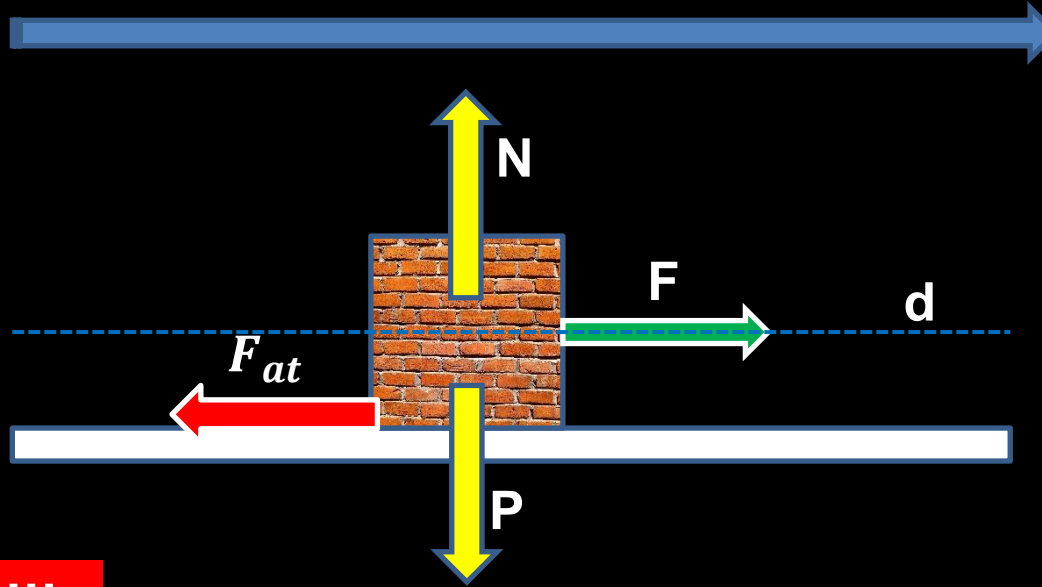
J N m

$F \rightarrow \textit{Constante}$



$$\tau = F \cdot d \cdot \cos\theta$$

Trabalho mecânico (τ)



Importantes!!!

I. O trabalho mecânico realizado por F é Motor ($\tau > 0$)

II. O trabalho mecânico realizado por F_{at} é Resistente ($\tau < 0$). **O τF_{at} é sempre resistente.**

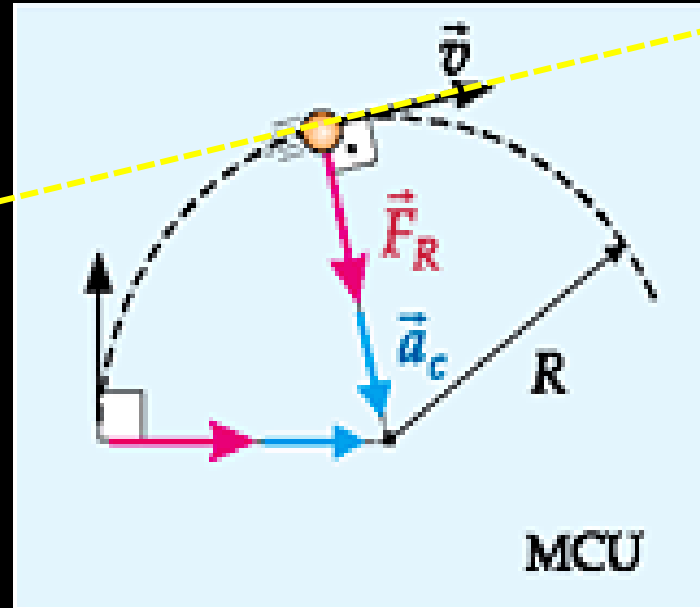
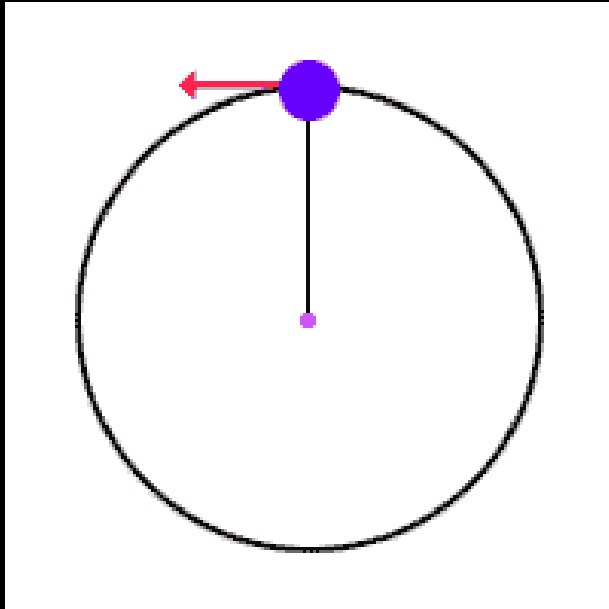
III. A Normal (N) e o Peso (P) não realizam trabalho porque são perpendiculares ao deslocamento (d).



Quando uma força F é perpendicular ao deslocamento, o trabalho é sempre nulo, pois $\tau = F \cdot d \cdot \cos 90^\circ \rightarrow \tau = F \cdot d \cdot 0 \rightarrow \tau = 0$

Aplicação: Resultante Centrípeta

Nos movimentos curvilíneos/circulares, a força resultante centrípeta é perpendicular à velocidade e ao deslocamento, portanto a força centrípeta NÃO realiza trabalho.



Aplicações do Trabalho mecânico (τ) para forças variáveis

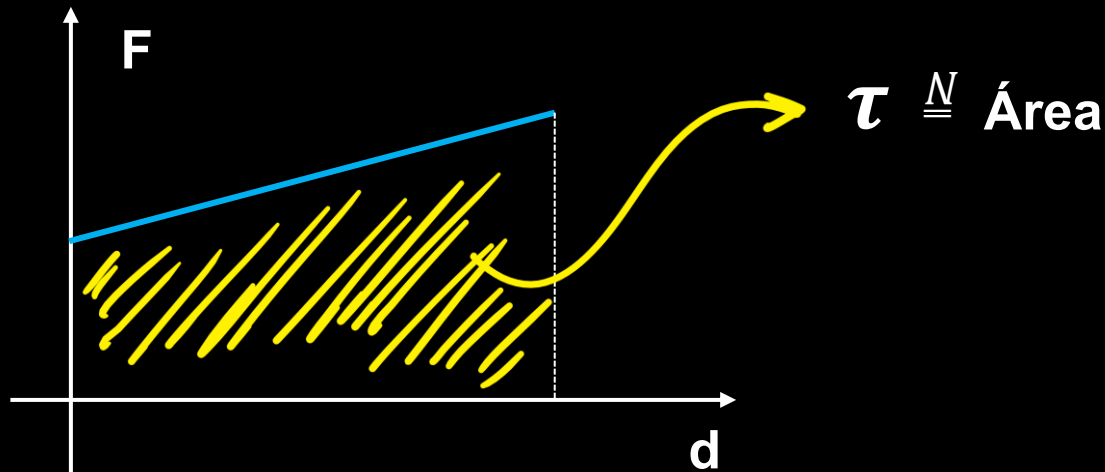
$$\tau = F \cdot d$$

$$\tau = F \cdot d \cdot \cos\theta$$

$F \rightarrow \text{Constante}$

Quando a força F é variável:

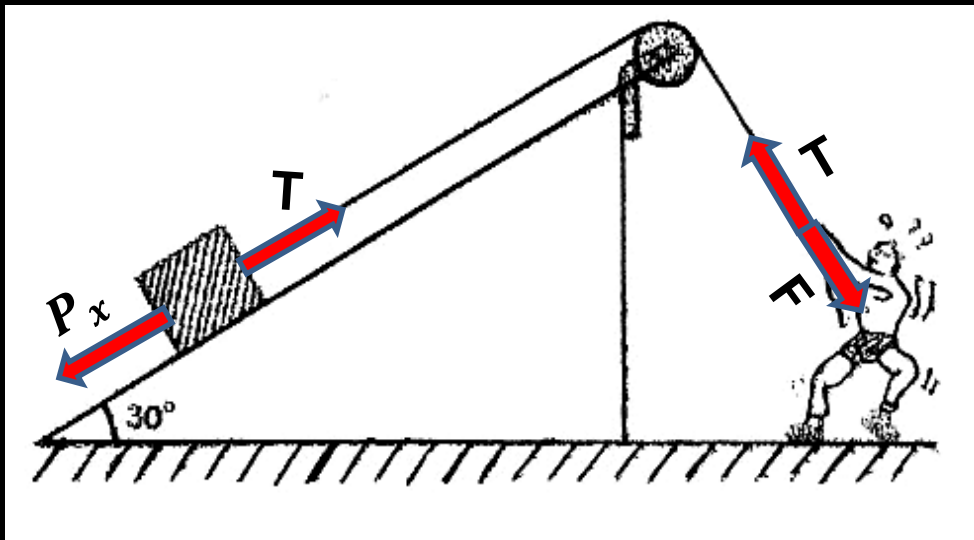
Gráfico $F \times d$



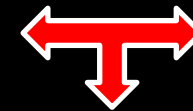
Sugestão de exercício



A figura representa um homem que puxa uma corda através de uma roldana, com força constante, arrastando, com deslocamento de 6,0m e velocidade constante, uma caixa de $6,0 \times 10^2$ N de peso ao longo do plano inclinado que forma 30° com a horizontal. Considera-se que as forças de atrito e a resistência do ar são desprezíveis, que a corda e a roldana são ideais e que $\text{Sen}30^\circ = \frac{1}{2}$ e $\text{Cos}30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$. Determine, em 10^2 J, o trabalho da força exercida pelo homem.



$$F = T$$



$$T = P_x$$

$$F = P_x$$

$$\tau = F \cdot d$$

$$\tau = P_x \cdot d$$

$$\tau = P \cdot \text{sen}\theta \cdot d$$

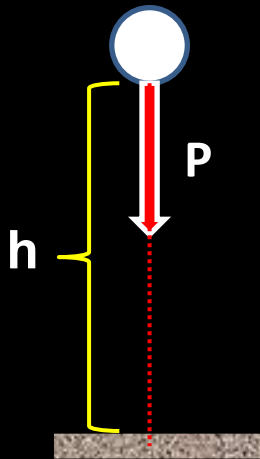
$$\tau = 6 \cdot 10^2 \cdot \frac{1}{2} \cdot 6$$

$$\tau = 18 \cdot 10^2 \cdot J$$

Trabalhos de caráter específico

Trabalho da força – peso (τ_P):

O peso é uma força de natureza constante.



$$\tau = F \cdot d$$

$$\tau_P = P \cdot h$$

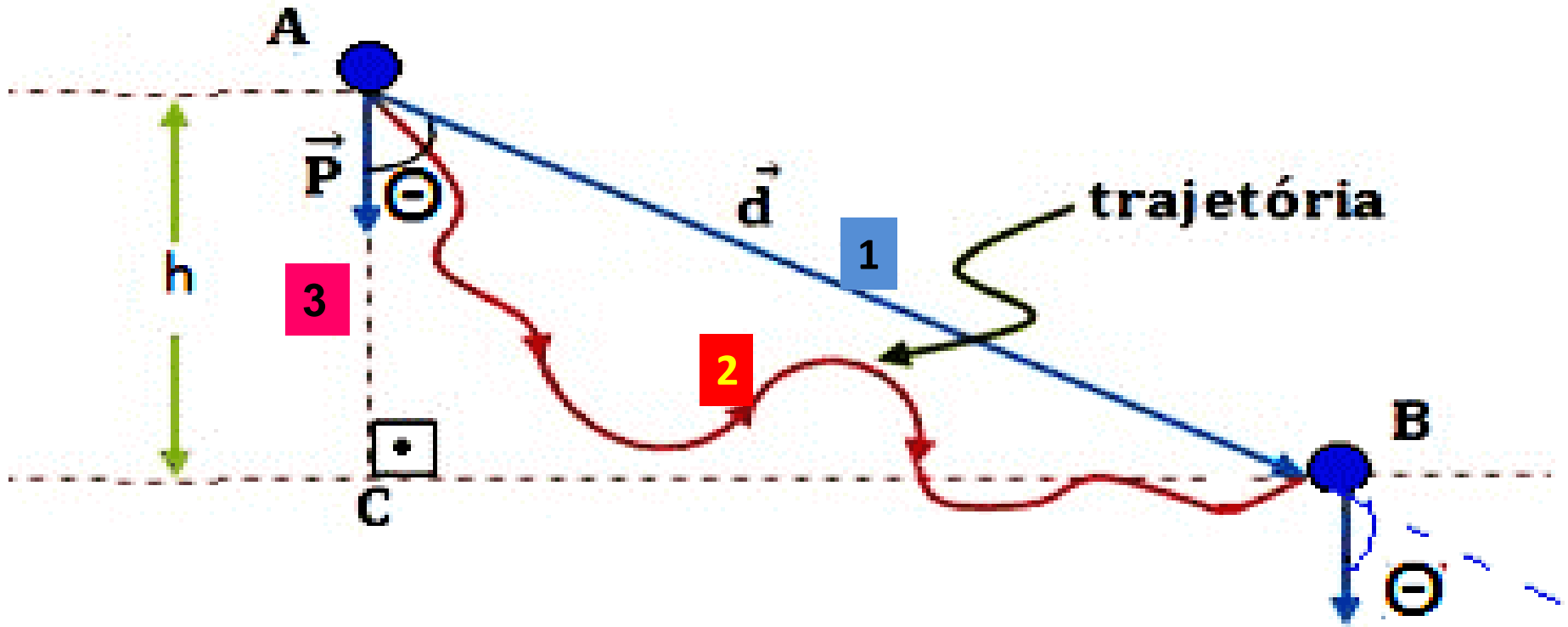
$$\tau_P = m \cdot g \cdot h$$

$\tau_P > 0 \rightarrow \textit{Descida (+g)} \rightarrow \textit{Motor}$

$\tau_P < 0 \rightarrow \textit{Subida (-g)} \rightarrow \textit{Resistente}$

O trabalho da força peso depende **exclusivamente** da altura.

Importante!

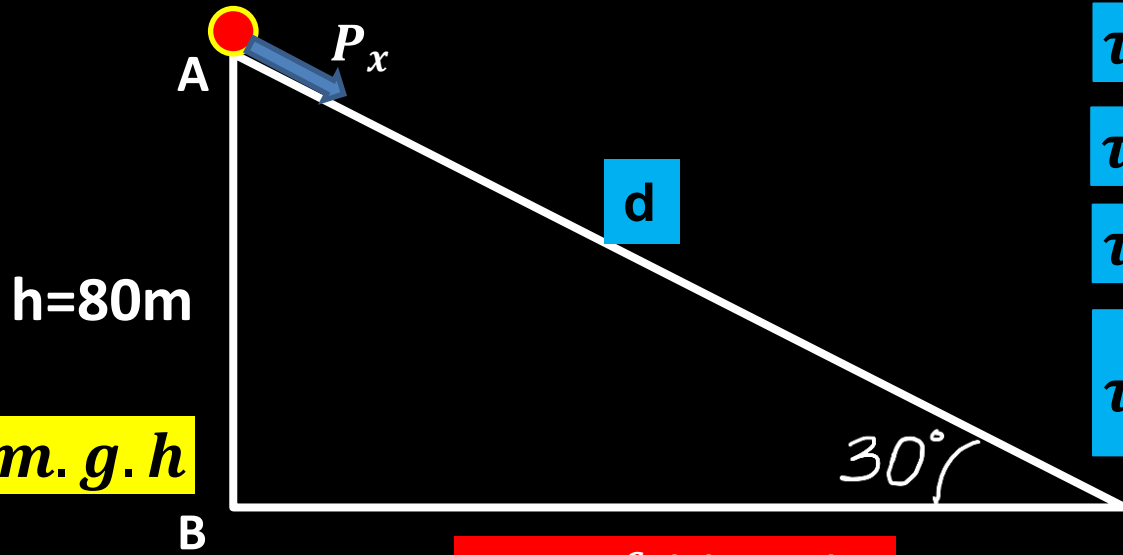


$$\tau_{P(1)} = \tau_{P(2)} = \tau_{P(3)}$$

O trabalho da força peso **independe da trajetória**, mas apenas da altura relativa à base do referencial

Aplicação efetiva da propriedade

$$m=2\text{kg}$$



$$\tau_{PAB} = m \cdot g \cdot h$$

$$\tau_{PAB} = 2 \cdot 10 \cdot 80$$

$$\tau_{PAB} = 1600J$$

Como poderia ser feito:

$$\tau_{PAC} = m \cdot g \cdot h$$

$$\tau_{PAC} = 2 \cdot 10 \cdot 80$$

$$\tau_{PAC} = 1600J$$

$$\text{Sen}\theta = \frac{\text{Cateto oposto}}{\text{hipotenusa}}$$

$$\text{Sen}30^\circ = \frac{80}{d}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{80}{d}$$

$$d = 160m$$

$$\tau_{AC} = F \cdot d$$

$$\tau_{AC} = P_x \cdot d$$

$$\tau_{AC} = P \cdot \text{sen}\theta \cdot d$$

$$\tau_{AC} = m \cdot g \cdot \text{sen}\theta \cdot d$$

$$\tau_{AC} = 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} \cdot 160$$

$$\tau_{AC} = 1600J$$

Aplicando a propriedade:

$$\tau_{P(AB)} = \tau_{P(AC)}$$

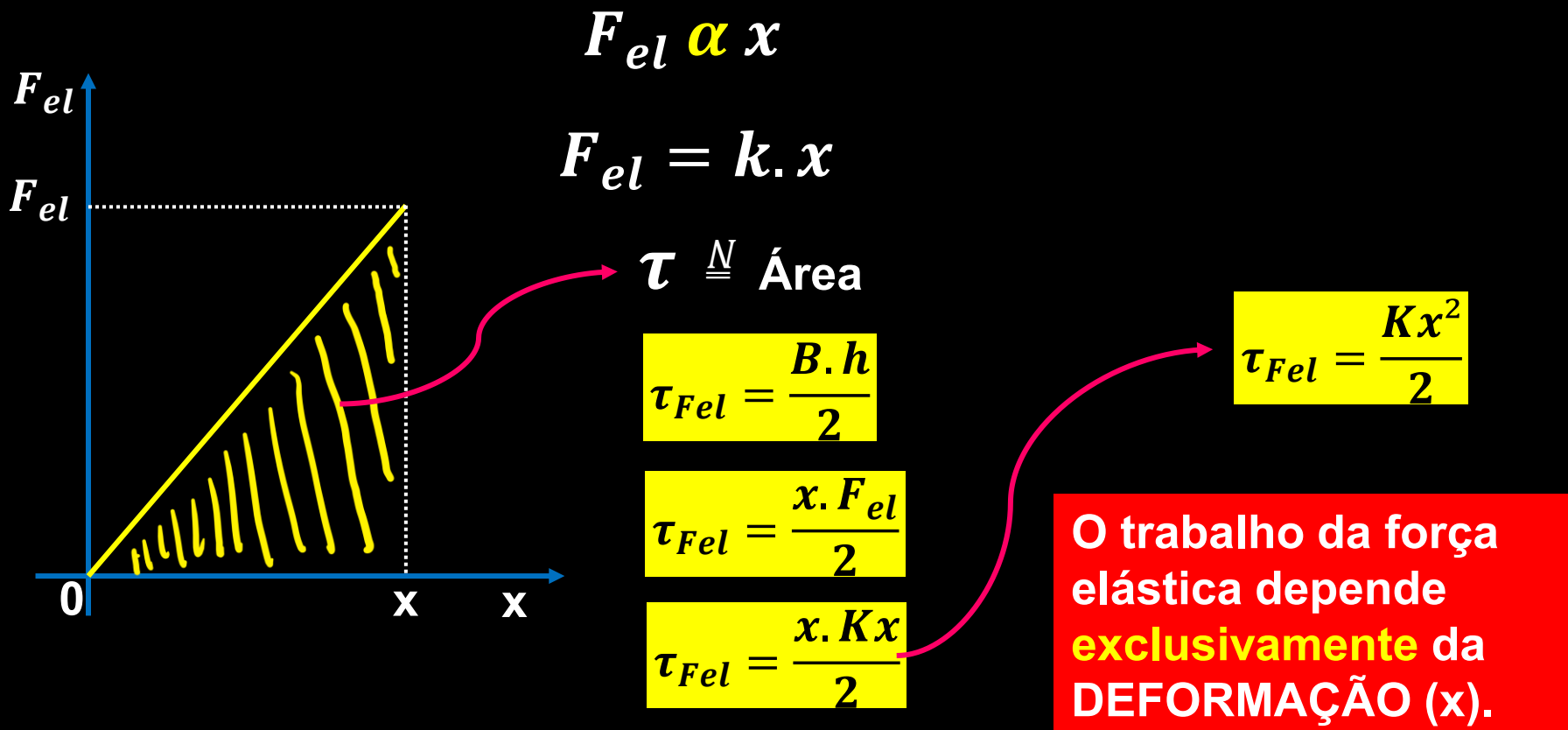
$$\tau_{P(AB)} = 1600J$$

$$\tau_{P(AC)} = 1600J$$

Trabalhos de caráter específico

Trabalho da força elástica (τ_{Fel}):

A força elástica é uma força de natureza Variável.



Potência mecânica

É a grandeza física que determina a capacidade de realizar trabalho em dado intervalo de tempo.

$$P_{ot} = \frac{\tau}{\Delta t}$$

Diagram showing the units of the variables in the equation above: τ is in Joules (J) and Δt is in seconds (s).

Watt(w)

$$P_{ot} = \frac{F \cdot d}{\Delta t}$$

Diagram showing the units of the variables in the equation above: F is in Newtons (N), d is in meters (m), and Δt is in seconds (s).

$$1\text{Kw} = 1000\text{w}$$

$$P_{ot} = F \cdot V_m$$

Diagram showing the units of the variables in the equation above: F is in Newtons (N), V_m is in meters per second (m/s), and P_{ot} is in Watts (w).

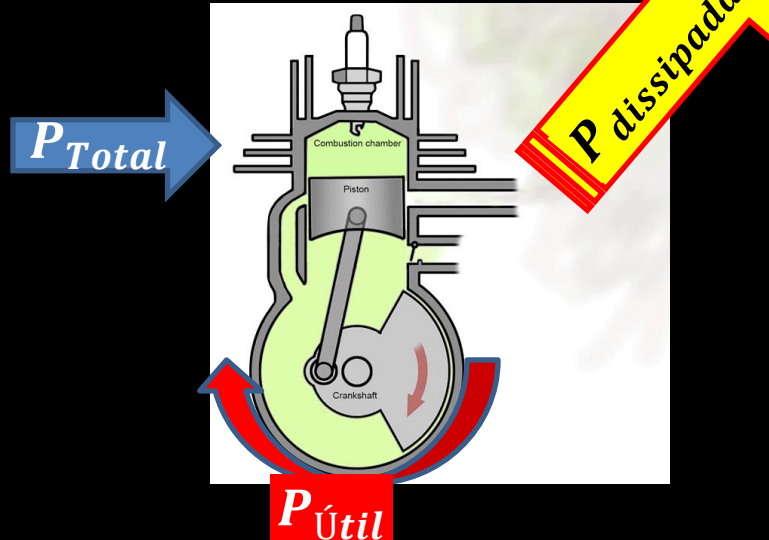
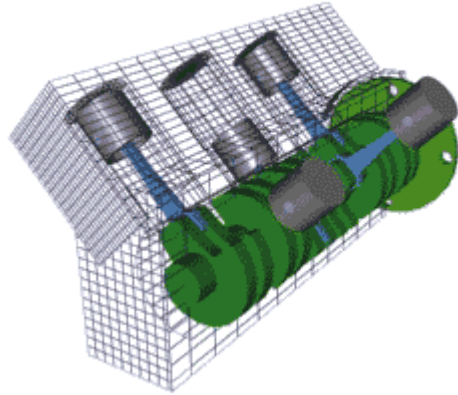
w

N

m/s



Sistemas mecânicos



$$P_{Total} = P_{\acute{u}til} + P_{dissipada}$$

$$P_T = P_U + P_d$$

P_{Total} = Potência recebida ou consumida

$P_{\acute{u}til}$ = Potência desenvolvida ou utilizada

$P_{dissipada}$ = Potência desperdiçada ou não utilizada

RENDIMENTO (η)

$$\eta = \frac{P_U}{P_T}$$

→ w
→ w

Adimensional (sem unidade)

$\eta \rightarrow \%$

Caderno de exercícios P.120 Cap.27

1 (PUC-RJ) Um elevador de 500kg deve subir uma carga de 2,5 toneladas a uma altura de 20 metros, em um tempo inferior a 25 segundos. Qual deve ser a potência média mínima do motor do elevador, em kW? (Dados: $g = 10\text{m/s}^2$)

a) 20

d) 38

b) 16

e) 15

☒ 24

$$m_{\text{Elevador}} = 500\text{kg}$$

$$m_{\text{Carga}} = 2500\text{kg}$$

$$m_{\text{Total}} = 3000\text{kg}$$

$$\Delta t = 25\text{s}$$

$$h = 20\text{m}$$

$$g = 10\text{m/s}^2$$

$$P_{ot} = \frac{\tau}{\Delta t}$$

$$P_{ot} = \frac{\tau_p}{\Delta t}$$

$$P_{ot} = \frac{m \cdot g \cdot h}{\Delta t}$$

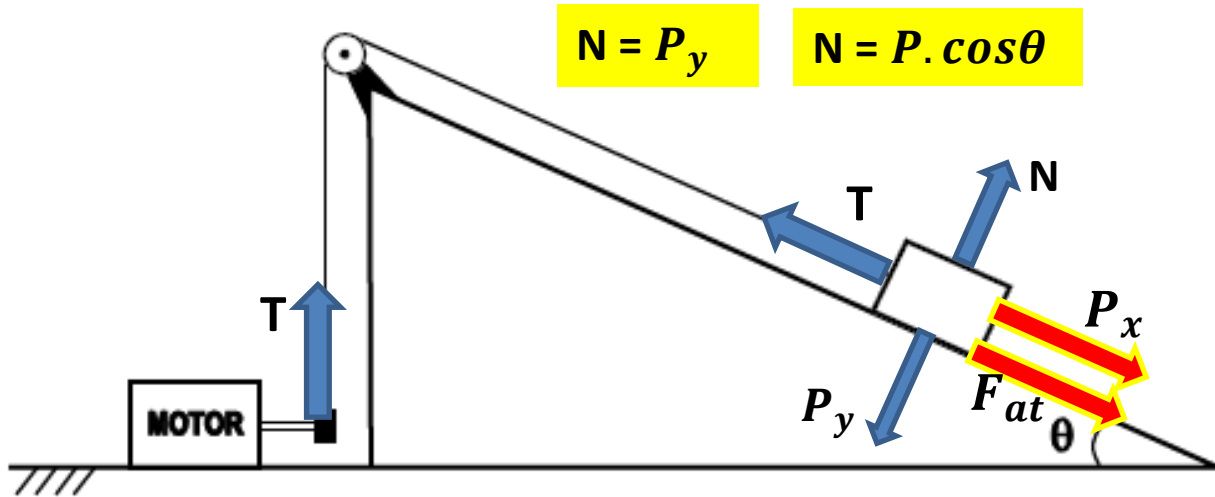
$$P_{ot} = \frac{120 \cdot 3000 \cdot 10 \cdot 20}{25}$$

$$P_{ot} = 120 \cdot 10 \cdot 20$$

$$P_{ot} = 24000\text{w}$$

$$P_{ot} = 24\text{Kw}$$

Sugestão de exercício



$$N = P_y$$

$$N = P \cdot \cos\theta$$

$$P_{ot} = F \cdot V_m$$

$$P_U = T \cdot V_m$$

$$P_U = 420.5$$

$$P_U = 2100w$$

$$P_U = 2,1Kw$$

Um motor com rendimento de 70% puxa um bloco de 50,0kg, que desliza com velocidade constante de 5,0m/s sobre o plano inclinado representado na figura. Desprezando-se a resistência do ar, admitindo-se as polias e o fio como sendo ideais, o modulo da aceleração da gravidade, $g = 10,0m/s^2$, o coeficiente de atrito dinâmico, $\mu_d = 0,3$, e sabendo-se que $\cos\theta = 0,8$ e $\sin\theta = 0,6$, a potência total do motor, em kW, e igual a

a) 2,1

☒ b) 3,0

c) 4,5

d) 5,1

e) 6,0

$$T = P_x + F_{at}$$

$$T = P \cdot \sin\theta + \mu \cdot N$$

$$T = P \cdot \sin\theta + \mu \cdot P \cdot \cos\theta$$

$$T = m \cdot g \cdot \sin\theta + \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos\theta$$

$$T = 50 \cdot 10 \cdot 0,6 + 0,3 \cdot 50 \cdot 10 \cdot 0,8$$

$$T = 300 + 120$$

$$T = 420N$$

$$\eta = \frac{P_U}{P_T}$$

$$P_T = 3Kw$$

$$0,7 = \frac{2,1}{P_T}$$

$$P_T = \frac{2,1}{0,7}$$

Energia mecânica e sua conservação

1. **Energia cinética (E_c)** → É a energia desenvolvida em função da **velocidade**.



$$E_c = \frac{m \cdot v^2}{2}$$

Diagram illustrating the units for the kinetic energy formula:

- E_c is measured in Joules (J).
- m is measured in kilograms (Kg).
- v is measured in meters per second (m/s).

Assim como a velocidade, a energia cinética depende de um referencial.

Energia mecânica e sua conservação

2. **Energia potencial (E_p)** → É a energia armazenada em um sistema físico, de qualquer natureza, para a realização de trabalho.

Energia potencial (E_p)

GRAVITACIONAL (E_{Pg})

ELÁSTICA (E_{Pel})

Depende da altura (H)

Depende da deformação (x)

$$E_{Pg} = \tau_p$$

$$E_{Pel} = \tau_{Fel}$$

$$E_{Pg} = m \cdot g \cdot h$$

$$E_{Pel} = \frac{Kx^2}{2}$$



Energia mecânica e sua conservação

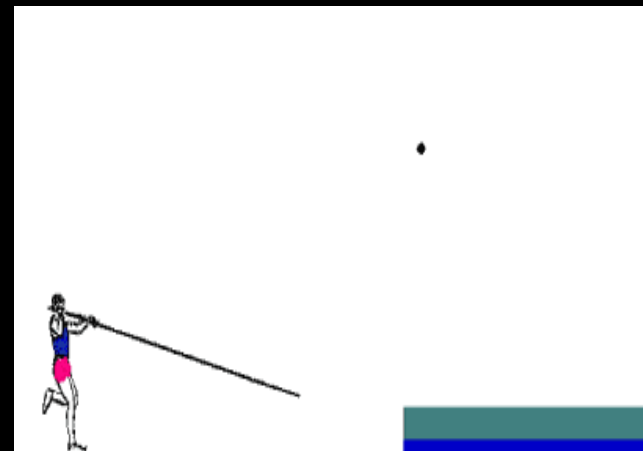
3. **Energia mecânica (E_M)** → É a soma de todas as energias que existem em um sistema físico ou composição mecânica.

$$E_M = E_C + E_P$$

↓
J

↓
J

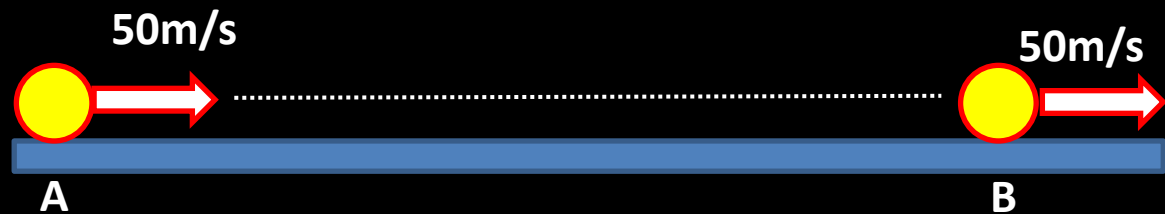
↓
J



Energia mecânica e sua conservação

Sistemas conservativos → São aqueles em que a energia mecânica se mantém constante no sistema físico.

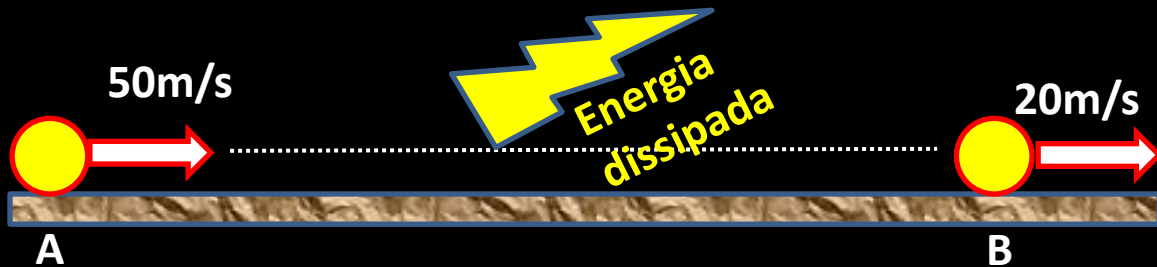
A característica fundamental desse sistema se deve a ausência de atritos e, conseqüentemente, a ausência de som e calor.



$$EM_{antes} = EM_{depois}$$

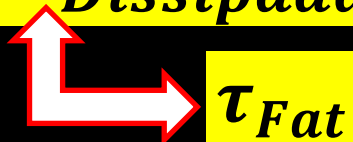
Energia mecânica e sua conservação

Sistemas dissipativos → São aqueles em que há perdas de energia em função da existência de atritos superficiais ou no meio. Geralmente, a energia é dissipada sob a forma de som e/ou calor.



$$EM_{antes} \neq EM_{depois}$$

$$EM_{Dissipada} = EM_{antes} - EM_{depois}$$



Teorema da energia cinética

Relação entre Trabalho (τ) e velocidade (V):

$$\tau = F \cdot d$$

$$\tau = m \cdot a \cdot d$$

$$\tau = m \cdot \frac{\Delta V}{\cancel{\Delta t}} \cdot V_m \cdot \cancel{\Delta t}$$

$$\tau = m \cdot \Delta V \cdot V_m$$

$$\tau = m \cdot (V - V_0) \cdot \left(\frac{V + V_0}{2} \right)$$

$$\tau = m \cdot \frac{(V^2 - V_0^2)}{2}$$

$$\tau = \frac{m \cdot V^2}{2} - \frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

$$\tau = E_c - E_{c0}$$

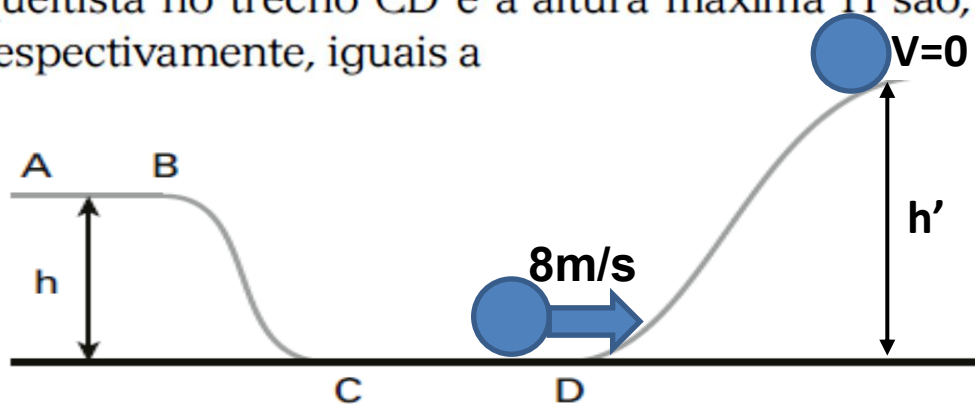
$$\tau = \Delta E_c$$

O trabalho realizado por um corpo em um sistema físico corresponde à variação de sua energia cinética.

$$\tau = \frac{m \cdot V^2}{2} - \frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

Exercício

2 (FUVEST) Um esquetista treina em uma pista cujo perfil está representado na figura abaixo. O trecho horizontal AB está a uma altura $h = 2,4\text{ m}$ em relação ao trecho, também horizontal, CD. O esquetista percorre a pista no sentido de A para D. No trecho AB, ele está com velocidade constante, de módulo $v = 4\text{ m/s}$; em seguida, desce a rampa BC, percorre o trecho CD, o mais baixo da pista, e sobe a outra rampa até atingir uma altura máxima H, em relação a CD. A velocidade do esquetista no trecho CD e a altura máxima H são, respectivamente, iguais a



Note e adote

$$g = 10\text{ m/s}^2$$

Desconsiderar:

- Efeitos dissipativos.
- Movimentos do esquetista em relação ao esquite.

- 5 m/s e 2,4 m.
- 7 m/s e 2,4 m.
- 7 m/s e 3,2 m.
- 8 m/s e 2,4 m.
- 8 m/s e 3,2 m.

De AB para CD:

$$EM_{\text{antes}} = EM_{\text{depois}}$$

$$E_C + E_P = E'_C + E'_P$$

$$E_C + E_P = E'_C$$

$$\frac{m \cdot v^2}{2} + m \cdot g \cdot h = \frac{m \cdot v'^2}{2}$$

$$\frac{4^2}{2} + 10 \cdot 2,4 = \frac{v'^2}{2}$$

$$8 + 24 = \frac{v'^2}{2}$$

$$v'^2 = 64$$

$$v' = \sqrt{64}$$

$$v' = 8\text{ m/s}$$

De D a Hmáx:

$$EM_{\text{antes}} = EM_{\text{depois}}$$

$$E_C + E_P = E'_C + E'_P$$

$$\frac{m \cdot v^2}{2} = m \cdot g \cdot h$$

$$\frac{v^2}{2} = g \cdot h$$

$$\frac{8^2}{2} = 10 \cdot h$$

$$10 \cdot h = 32$$

$$h = \frac{32}{10}$$

$$h = 3,2\text{ m}$$

Exercício

2 (FUVEST) Um esquetista treina em uma pista cujo perfil está representado na figura abaixo. O trecho horizontal AB está a uma altura $h = 2,4\text{ m}$ em relação ao trecho, também horizontal, CD. O esquetista percorre a pista no sentido de A para D. No trecho AB, ele está com velocidade constante, de módulo $v = 4\text{ m/s}$; em seguida, desce a rampa BC, percorre o trecho CD, o mais baixo da pista, e sobe a outra rampa até atingir uma altura máxima H, em relação a CD. A velocidade do esquetista no trecho CD e a altura máxima H são, respectivamente, iguais a

- a) 5 m/s e $2,4\text{ m}$.
- b) 7 m/s e $2,4\text{ m}$.
- c) 7 m/s e $3,2\text{ m}$.
- d) 8 m/s e $2,4\text{ m}$.
- ☒ e) 8 m/s e $3,2\text{ m}$.

Quando o sistema for conservativo:

$$\Delta s = h \text{ e } a = g$$

De AB para CD:

$$V^2 = V_0^2 + 2 \cdot a \cdot \Delta S$$

$$V^2 = V_0^2 + 2 \cdot g \cdot h$$

$$V^2 = 4^2 + 2 \cdot 10 \cdot 2,4$$

$$V^2 = 16 + 48$$

$$V^2 = 64$$

$$V = \sqrt{64}$$

$$V = 8\text{ m/s}$$

De D a Hmáx:

$$V^2 = V_0^2 + 2 \cdot a \cdot \Delta S$$

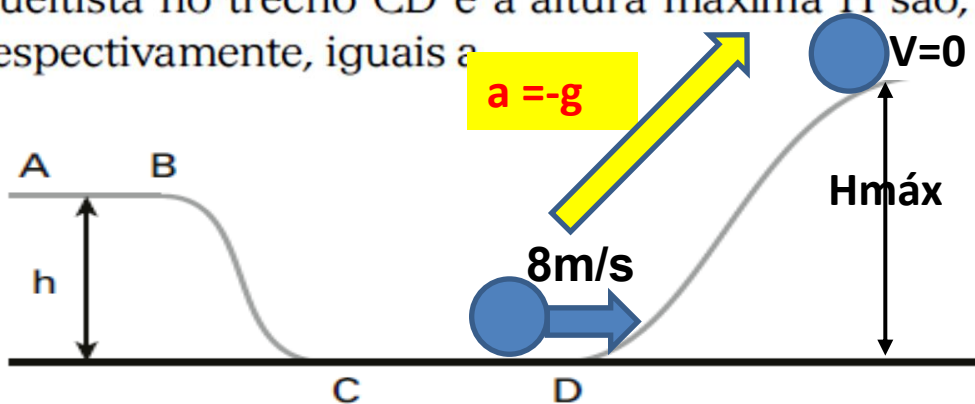
$$V^2 = V_0^2 - 2 \cdot g \cdot h$$

$$0^2 = 8^2 - 2 \cdot 10 \cdot h$$

$$20h = 64$$

$$h = \frac{64}{20}$$

$$h = 3,2\text{ m}$$



Note e adote

$$g = 10\text{ m/s}^2$$

Desconsiderar:

- Efeitos dissipativos.
- Movimentos do esquetista em relação ao esquite.

Exercício

- 10) (UFPB) Em uma partida de Curling, uma jogadora arremessa uma pedra circular de 18 kg (ver figura abaixo), que desliza sobre o gelo e para a 30 m da arremessadora. Sabendo que o coeficiente de atrito cinético entre a pedra e o gelo é de 0,015, é correto afirmar que a pedra foi lançada com velocidade de:



- a) 2 m/s
- ☒ b) 3 m/s
- c) 4 m/s
- d) 5 m/s
- e) 6 m/s

$$EM_{Dissipada} = EM_{antes} - EM_{depois}$$

$$\tau_{Fat} = (E_C + \cancel{E_P}) - (\cancel{E_C} + \cancel{E_P})$$

$$\tau_{Fat} = E_C$$

$$Fat. d = E_C$$

$$\mu. N. d = E_C$$

$$\mu. P. d = E_C$$

$$\mu. \cancel{m}. g. d = \cancel{\frac{m. v^2}{2}}$$

$$\mu. g. d = \frac{v^2}{2}$$

$$0,015. 10. 30 = \frac{v^2}{2}$$

$$4,5 = \frac{v^2}{2}$$

$$v^2 = 9$$

$$v = \sqrt{9}$$



$$v = 3m/s$$

Exercício

- 10) (UFPB) Em uma partida de Curling, uma jogadora arremessa uma pedra circular de 18 kg (ver figura abaixo), que desliza sobre o gelo e para a 30 m da arremessadora. Sabendo que o coeficiente de atrito cinético entre a pedra e o gelo é de 0,015, é correto afirmar que a pedra foi lançada com velocidade de:



- a) 2 m/s
- ☒ b) 3 m/s
- c) 4 m/s
- d) 5 m/s
- e) 6 m/s

$$\tau = \frac{m \cdot V^2}{2} - \frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

$$-\tau_{Fat} = -\frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

$$Fat. d = \frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

$$\mu \cdot N \cdot d = \frac{m \cdot V_0^2}{2}$$

$$\mu \cdot \cancel{m} \cdot g \cdot d = \frac{\cancel{m} \cdot V_0^2}{2}$$

$$\mu \cdot g \cdot d = \frac{v_0^2}{2}$$

$$0,015 \cdot 10 \cdot 30 = \frac{v_0^2}{2}$$

$$4,5 = \frac{v_0^2}{2}$$

$$v_0^2 = 9$$

$$v_0 = \sqrt{9}$$

$$v_0 = 3 \text{ m/s}$$